

Óraszinkronizáció szenzorhálózatokban (TPSN és RBS algoritmusok)

Összeállította:

Orosz György

BME-MIT

- Referenciák:

- [1] K. Kömer, P. Blum, L. Meier, “Time Synchronization and Calibration in Wireless Sensor Networks,” in *Handbook of Sensor Networks: Algorithms and Architectures*, Ivan Stojmenović, Ed., Wiley, 2005.
- [2] D. L. Mills, “Internet Time Synchronization: The Network Time Protocol,” *IEEE Transactions on Communications*, COM 39, No. 10, Oct. 1991., pp. 1482–1493.
- [3] S. Ganeriwal, R. Kumar, M. B. Srivastava, “Timing-sync Protocol for Sensor Networks,” *First ACM Conference on Embedded Networked Sensor Systems (SenSys)*, Los Angeles, California, USA, Nov. 2003.
- [4] J. Elson, L. Girod, D. Estrin, “Fine-grained Network Time Synchronization Using Reference Broadcasts,” *Fifth Symposium on Operating Systems Design and Implementation (OSDI 2002)*, Boston, MA. Dec. 2002.
- [5] M. Maroti, B. Kusy, Gy. Simon, A. Ledeczi, “The Flooding Time Synchronization Protocol,” Technical Report ISIS-04-501, Institute for 96 Software Integrated Systems, Vanderbilt University, Nashville Tennessee, 2004.
- [6] K. Römer, “Time Synchronization in Ad-Hoc Networks,” *ACM Symposium on Mobile Ad-Hoc Networking and Computing (MobiHoc 01)*, Oct. 2001.

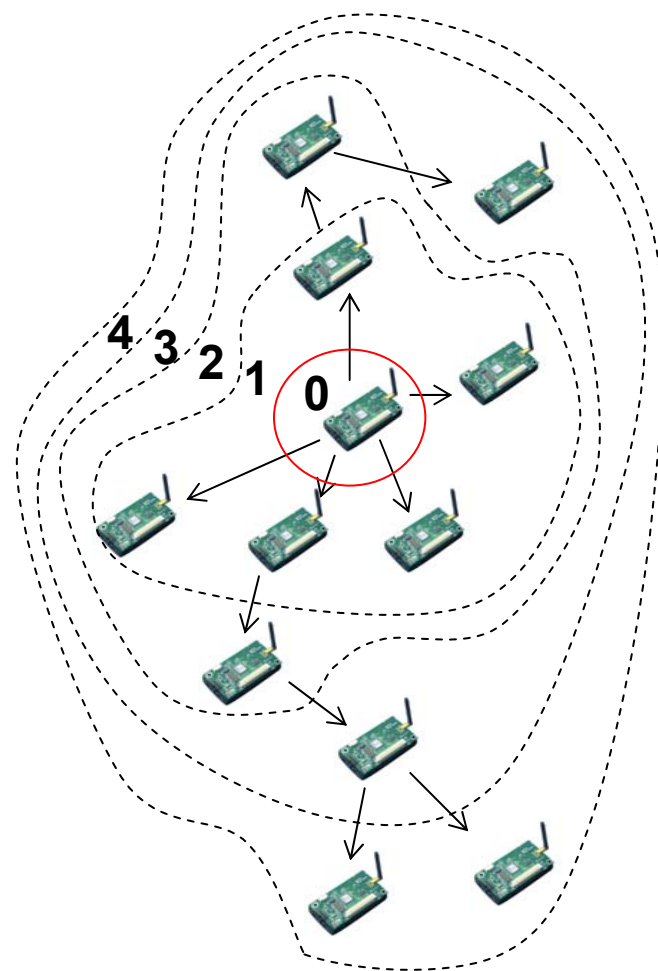
Timing-sync Protocol for Sensor Networks (TPSN) [3]

Általános tulajdonságok

- Mérési eredmények Mica mote:
 - kb. $20\mu\text{sec}$ átlagos pontosság
 - kb. $50\mu\text{sec}$ worst case pontosság
- Fa struktúrájú szinkronizációs algoritmus
- Egy referencia mote-hoz szinkronizálódik a hálózat (root)
- Két szakasz
 - Faépítés: hálózat struktúrájának felépítése
 - Fel van készítve a struktúra javítására is
 - Egyben adattovábbító hálózati felépítésként is használható
 - Páronkénti szinkronizáció: szülő \rightarrow gyerek irány (küldő fogadó szinkronizáció) az élek mentén
- Post-facto szinkronizálás is lehetséges

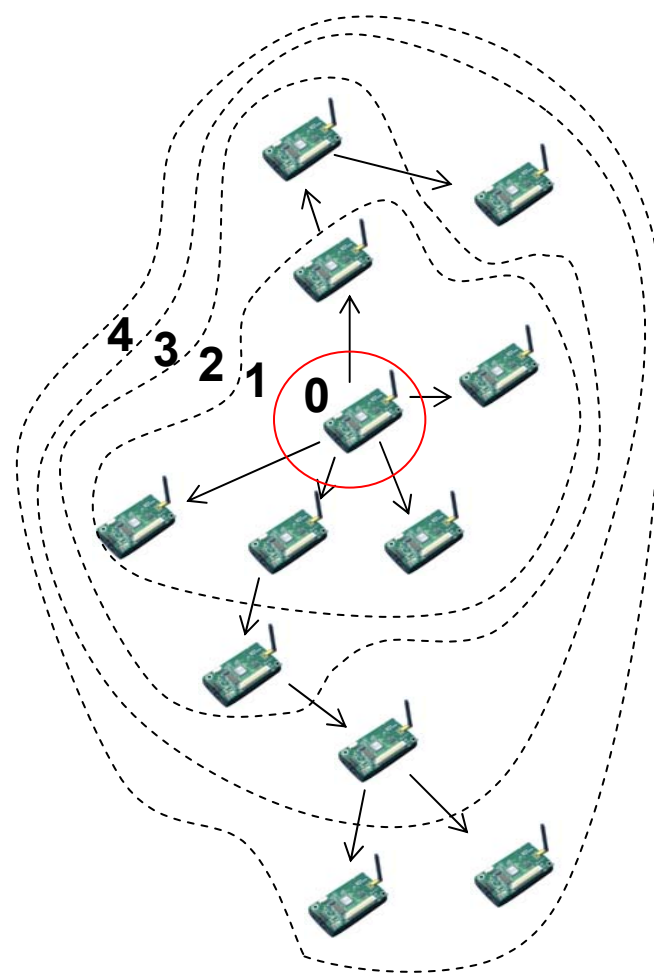
Kommunikációs struktúra

- Feltételezések:
 - Az i -edik szint kommunikálni tud az $(i-1)$ -edik szinttel
 - Egyedi azonosítók szükségesek
 - Mindenkinek van min. 1 szomszédja (egyébként nem lenne része a hálózatnak)
 - Szimmetrikus kommunikáció
- Ajánlott faépítési algoritmus:
 - A root `level_discovery` üzenetet küld
 - Aki ezt megkapja, az 1. szintre sorolja magát és `level_discovery` üzenetet küld
 - Rekurzívan folytatódik a szintépítés
 - Aki egy adott szinthez tartozik, nem fogad több szintépítő üzenetet
 - Más faépítési algoritmus is használható nem biztos, hogy ez az optimális
- Szinkronizáció az élek mentén
 - Páronkénti szinkronizáció: kizárja a broadcast lehetőségét



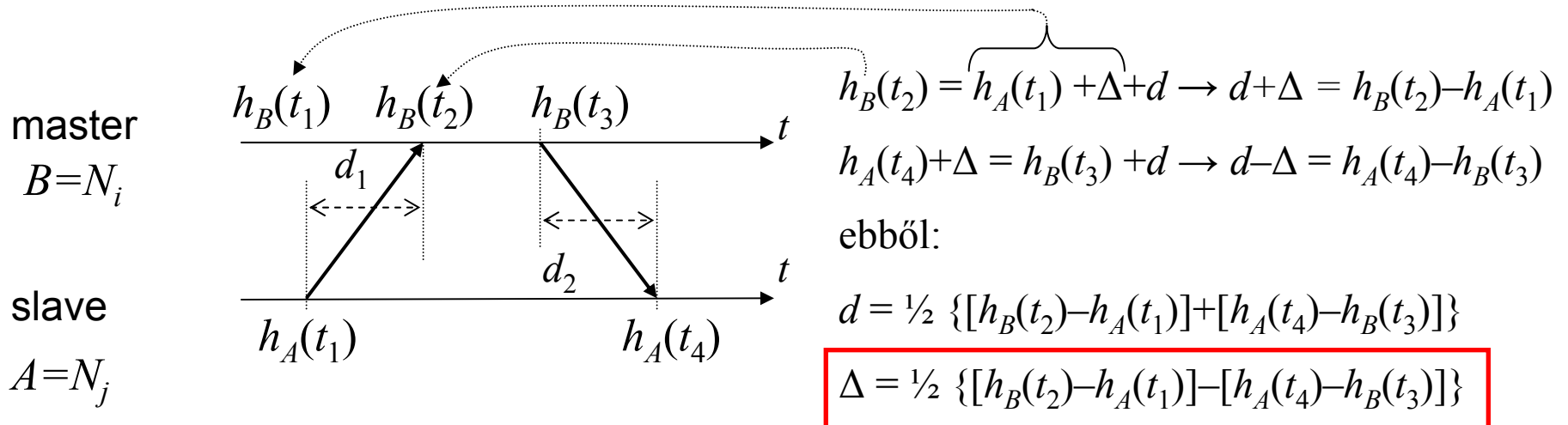
Kommunikációs struktúra

- Problémák a hálózati felépítésben
 - Újonnan bekapcsolt node
 - Kieső node-ok: elvesz a kapcsolat a roottal
- Újonnan bekapcsolt node:
 - N_i **time-out** ideig nincs szinthez rendelve: **level_request** üzenetet küld
 - Erre válaszolnak a szomszédok: elküldik a saját szintjüket
 - N_i a legalacsonyabb szinthez csatlakozik
- Kieső node (i -edik szinten)
 - $(i+1)$ -edik szinten nem kapnak szinkronizációs üzenetet
 - **level_request** üzenet küldése
 - Root esik ki:
 - Az 1. szinten valaki rootnak jelöli magát (algoritmus nincs definiálva)
 - Új faépítés indul



Szinkronizáció

- Szinkronizációs idődiagram jelölései:
 - $t_1, t_2 \dots$: globális időpillanatok
 - $\Delta = O_{j,i}(t) = O_{B,A}(t) = O(t) = h_B(t) - h_A(t)$: ofszet, tehát a B és A órái közötti különbség
példa: $h_B(t_1) = h_A(t_1) + \Delta$ illetve $h_B(t_4) = h_A(t_4) + \Delta$
 - d : üzenetküldés időtartama
- Az $(i+1)$ -edik szint az i -edik szinthez szinkronizálódik: A node szinkronizációt kezdeményez ($t=t_1$ -kor). B node elküldi $h_B(t_2)$ -t és $h_B(t_3)$ -t, ebből számítható az ofszet.
- Alapfeltevések
 - Szimmetrikus csatorna: $d=d_1=d_2$ (hasonló eszközök és csatornaviszonyok)
 - Gyors üzenetváltás: $\Delta = O_{i,j}(t) = \text{const.}$ (rövid idő az üzenetváltás között \rightarrow ofszet=állandó)
- Δ meghatározása után az órák korrigálhatóak (fizikai vagy időbélyeg konverzió)



Szinkronizáció kommunikációs protokollja

- Root kezdeményez `time_sync` csomag küldésével
- Az 1. szinten véletlen idő múlva szinkronizációs üzenetcserét indítanak a root-tal
 - Véletlen idő: ütközés elkerülése
- Az üzenetcsere során szinkronizációs pontokat gyűjtenek a Δ offset meghatározásával
- A 2. szinten érzékelik az üzenetcserét, mivel kapcsolatban vannak az 1. szinttel
- A 2. szint ezt követően (véletlen idő beiktatása után) szinkronizációt kezdeményez az 1. szinttel
- A szinkronizációs folyamat a fent leírtak alapján folytatódik

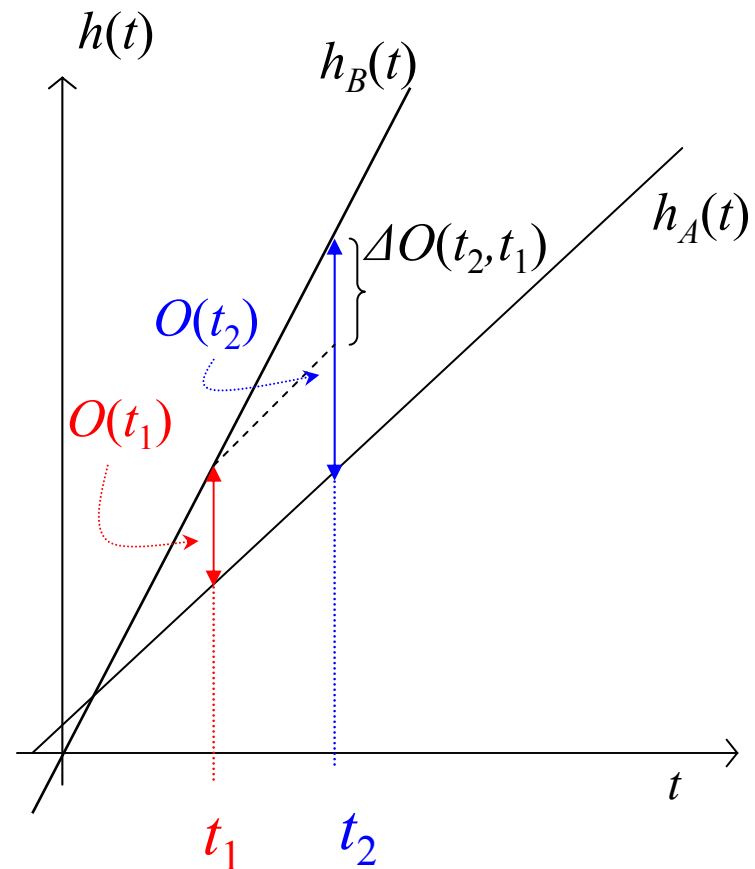
Időalapok jellemzése (TPSN)

Levezetés: kiegészítő anyag

- **Idővariáns ofszet**

- $O(t_1)$: ofszet a t_1 időpontban
- $O(t_2)$: ofszet a t_2 időpontban
- $\Delta O(t_2, t_1)$: ofszet változása a t_1 és t_2 időpontok között
 $O(t_1) + \Delta O(t_2, t_1) = O(t_2)$

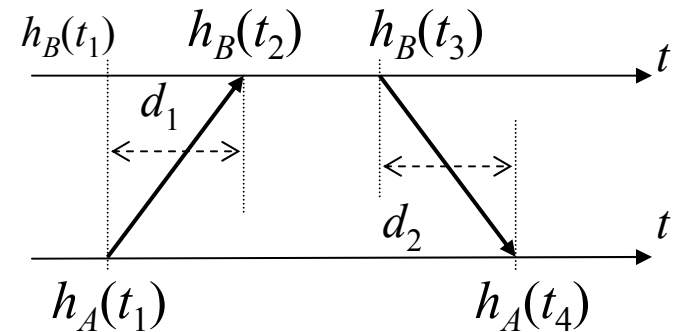
- $O(t_3)$: ofszet a t_3 időpontban
- $O(t_4)$: ofszet a t_4 időpontban
- $\Delta O(t_4, t_3)$: ofszet változása a t_3 és t_4 időpontok között
 $O(t_3) + \Delta O(t_4, t_3) = O(t_4)$
- Probléma: Δ helyett $O(t_4)$ -el kellene számolni, mert az az igazi ofszet



TPSN szinkronizáció hibaanalízise

Levezetés: kiegészítő anyag

- Algoritmusban figyelmen kívül hagyott paraméterek:
 - Drift és bizonytalanság a kommunikációs időkben
- $d_1 = S_A + P_{AB} + R_B$
 - d_1 : üzenet küldés időtartama A -tól B -ig
 - S_A : üzenet elküldéséhez szükséges idő az A node-on
 - P_{AB} : jelterjedési idő
 - R_B : üzenet fogadásához szükséges idő a B node-on
- $d_2 = S_B + P_{BA} + R_A$
- **Emlékeztető:** $h_B(t_1) = h_A(t_1) + O(t_1)$, $h_B(t_4) = h_A(t_4) + O(t_4)$



$$h_B(t_2) = h_A(t_1) + O(t_1) + S_A + P_{AB} + R_B$$

$$h_A(t_4) + O(t_4) = h_B(t_3) + S_B + P_{BA} + R_A$$

$$O(t_4) = O(t_1) + \Delta O(t_4, t_1)$$

$\Delta O(t_4, t_1)$ lehet pozitív vagy negatív is

$$h_B(t_2) - h_A(t_1) = S_A + P_{AB} + R_B + O(t_4) - \Delta O(t_4, t_1)$$

$$h_A(t_4) - h_B(t_3) = S_B + P_{BA} + R_A - O(t_4)$$

kivonva a 2. egyenletet, szorozva $\frac{1}{2}$ -el és használva Δ definícióját

$$\frac{1}{2} \{ [h_B(t_2) - h_A(t_1)] - [h_A(t_4) - h_B(t_3)] \} = \Delta = \frac{1}{2} S^{UC} + \frac{1}{2} P^{UC} + \frac{1}{2} R^{UC} + O(t_4) - \frac{1}{2} \Delta O(t_4, t_1)$$

$$\Delta - O(t_4) = \frac{1}{2} S^{UC} + \frac{1}{2} P^{UC} + \frac{1}{2} R^{UC} - \frac{1}{2} \Delta O(t_4, t_1): \text{becsült offset hibája}$$

ahol: $S^{UC} = (S_A - S_B)$, $P^{UC} = (P_{AB} - P_{BA})$, $R^{UC} = (R_B - R_A)$: eltérés az időzítések között

TPSN szinkronizáció hibaanalízise (magyarázat a levezetéshez)

- $h_B(t_2) = h_A(t_1) + O(t_1) + S_A + P_{AB} + R_B$ (Eq. 1)
ugyanis:
 - $h_B(t_1) = h_A(t_1) + O(t_1)$ (Eq. 2)
 - Ez definíció: a B node lokális ideje megegyezik az A node lokális ideje + ofszet
 - Azért kell átszámítani az időpontot, mert a B node időskálájával fogunk dolgozni.
 - $h_B(t_2) = h_B(t_1) + d_1$ (Eq. 3)
 - Az első üzenet érkezésének időpontja $[h_B(t_2)]$ a B node-on = Az első üzenet elküldésének időpontja $[h_B(t_1)]$ a B node-on + az üzenet továbbítás ideje. d_1 helyébe beírható az előző dián található definíciója:
 - $d_1 = S_A + P_{AB} + R_B$ (Eq. 4)
 - (Eq. 3) egyenletbe behelyettesítve (Eq. 2) -t, és használva d_1 definícióját megkapjuk (Eq. 1)-et

TPSN szinkronizáció hibaanalízise (magyarázat a levezetéshez)

- $h_A(t_4) + O(t_4) = h_B(t_3) + S_B + P_{BA} + R_A$ (Eq. 5)
ugyanis:
 - $h_B(t_4) = h_A(t_4) + O(t_4)$ (Eq. 6)
 - Ez definíció: a B node lokális ideje megegyezik az A node lokális ideje + ofszet
 - Azért kell átszámítani az időpontot, mert a B node időskálájával fogunk dolgozni.
 - $h_B(t_4) = h_B(t_3) + d_2$ (Eq. 7)
 - A második üzenet érkezésének időpontja $[h_B(t_4)]$ a B node-on = A második üzenet elküldésének időpontja $[h_B(t_3)]$ a B node-on + az üzenet továbbítás ideje. d_2 helyébe beírható a korábbi dián található definíciója:
 - $d_2 = S_B + P_{BA} + R_A$ (Eq. 8)
 - (Eq. 7) egyenletbe behelyettesítve (Eq. 6) -t, és használva d_2 definícióját megkapjuk (Eq. 5)-öt

Szinkronizáció hibaanalízise

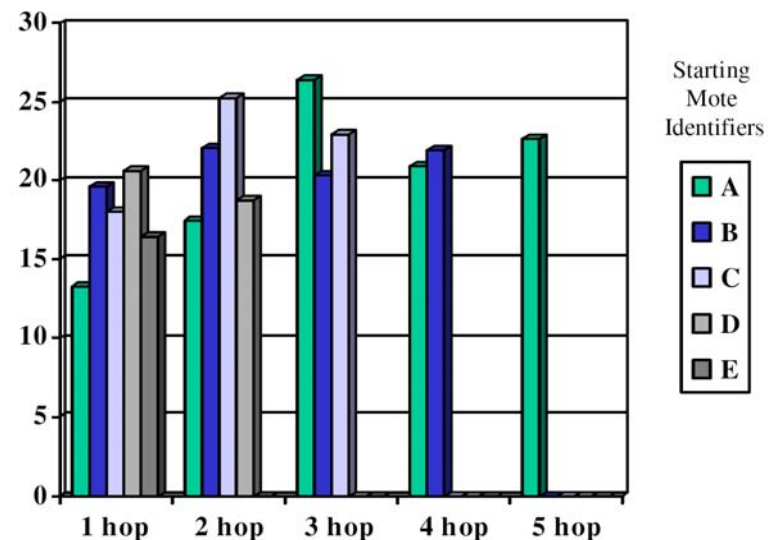
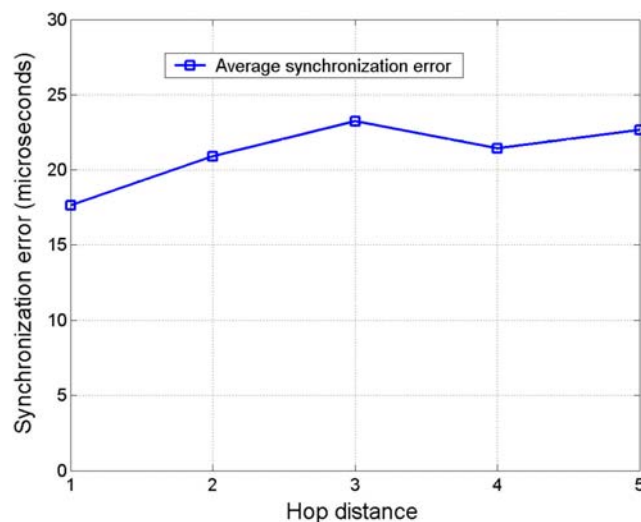
$$\text{hiba} = \Delta - O(t_4) = \frac{1}{2}S^{UC} + \frac{1}{2}P^{UC} + \frac{1}{2}R^{UC} - \frac{1}{2}\Delta O(t_4, t_1) = \frac{1}{2}(d_1 - d_2) - \frac{1}{2}\Delta O(t_4, t_1)$$

ahol: $S^{UC} = (S_A - S_B)$, $P^{UC} = (P_{AB} - P_{BA})$, $R^{UC} = (R_B - R_A)$: eltérés az időzítések között

- Δ értéke ideális esetben $O(t_4)$ lenne, mert ez alapján tudjuk t_4 -ben korrigálni az időt, tehát a szinkronizáció hibája: $\Delta - O(t_4)$
- Láthatóan különbségük nem nulla, ennek okai:
 - Bizonytalanságok az időzítésben, pl: $S^{UC} = (S_A - S_B)$ az A illetve B üzenetének küldési időtartama közti különbség. Nem biztos hogy nulla pl. ha más a közeghozzáférési idő.
 - Összességében az $\frac{1}{2}(S^{UC} + P^{UC} + R^{UC}) = \frac{1}{2}(d_1 - d_2)$ tagok az adatküldés és fogadás aszimmetriája miatt nem nullák.
 - Az üzenetváltások alatt is tovább csúszik egymáshoz képest a két óra, ezt az $\frac{1}{2}\Delta O(t_4, t_1)$ tag reprezentálja. Ez akkor okoz problémát, ha sok időt várnak az üzenetcsere között.
 - Pl. 20ppm hibájú kvarc esetén, amennyiben az üzenetváltások között 100msec telik el, úgy az $\frac{1}{2}\Delta O(t_4, t_1)$ értéke $1\mu\text{sec}$.
 - Legnagyobb bizonytalanság S^{UC} -ben van a közeghozzáférés miatt.
 - P^{UC} , tehát a terjedési idők különbsége elhanyagolható.

Multi-hop szinkronizáció

- A node-ok láncba szerveződve szinkronizálódnak egymáshoz, így közvetetten a root-hoz
- A hibák hop-onként akkumulálódnak
 - Véletlenszerű hibák pl. MAC
 - Determinisztikus részek pl. drift ($\frac{1}{2}\Delta O(t_4, t_1)$)
 - A hibák worst-case esetben hop-onként összeadódnak, de valójában nem ilyen rossz a helyzet, mert a véletlenszerű hibák átlagolódnak.
- A pontosság nem függ a hálózatban található node-ok számától csak a root-tól való távolságtól.



Abszolút hiba: előjelet nem vesszük figyelembe.

Hiba páronként.

Forrás: [3]

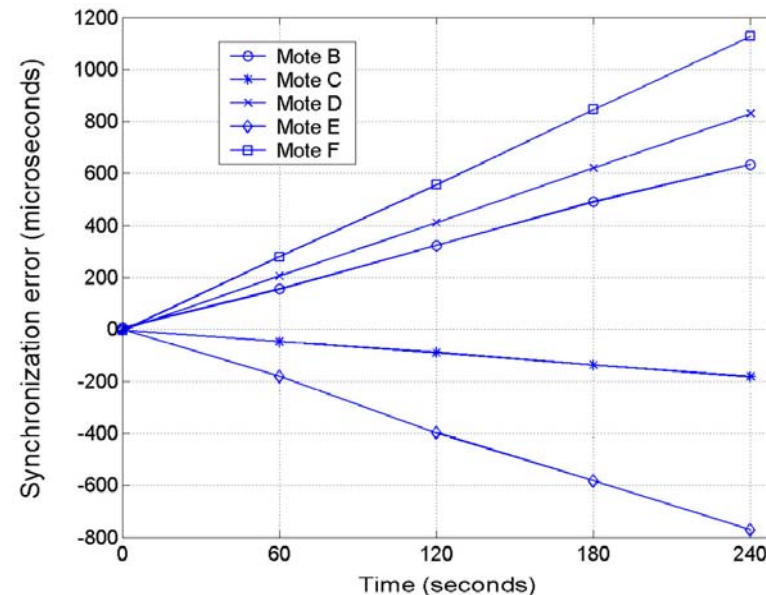
Szinkronizáció gyakorisága

- Az idő múlásával egyre jobban elcsúszhatnak a node-ok egymásól
- Szinkronizáció gyakorisága függ:
 - Minimálisan biztosítható szinkronizációs hiba
 - Az órák egymáshoz képesti elcsúszásának gyorsasága (drift)

Példa:

- $500\mu\text{s}$ megengedett hiba
- Algoritusból származó hiba max: $50\mu\text{s}$
- Elcsúszás max.:
 $500\mu\text{s} - 50\mu\text{s} = 450\mu\text{s}$
- Az ábra alapján ez először kb. 60sec-nél következik be (MoteF és MoteE között)
- A szinkronizációk közötti idő növelhető a drift becslésével

Mérési eredmény:



Órák elcsúszása egymáshoz képest (szinkronizációs hiba). Forrás: [3]

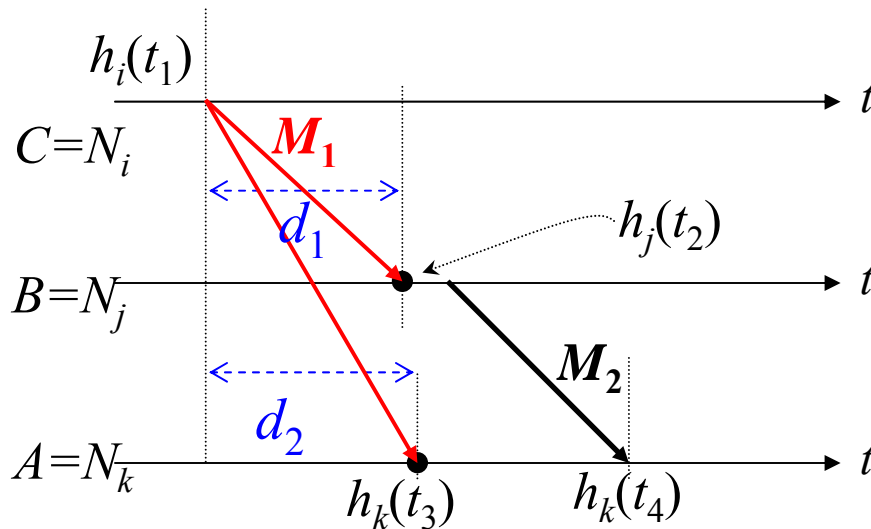
Reference Broadcast Synchronization (RBS) [4]

Reference Broadcast Synchronization

- Hagyományos megoldás: páronkénti szinkronizáció, aktivitás csak az érintett node-ok között
 - Gond: üzenet késleltetése, főleg a közeghozzáférés (adás megkezdése előtt) nagyon változó lehet.
- Receiver-receiver architektúra: a vevők egy csoportját szinkronizálja egymáshoz, a közeghozzáférési idő nem számít 😊
- Több node szinkronizálása egymáshoz, nem a hagyományos páronkénti szinkronizáció
- Külső esemény (rádiós üzenetek érkezése) szolgáltatja a szinkronizációs pontot
- Broadcast üzenetek kellenek
- Pl.: déli harangszó. Ha több ember hallja a harangszót, és a harang ütésének pillanatában mindenki megnézi az óráját, akkor ez alapján megállapítható, hogy mennyi az eltérés az órák között. Több mérés esetén becsülhető az órák driftje is.
 - Nem számít, ha a toronyóra késik, ha egyszerre halljuk a hangját akkor a többi órát egymáshoz képest pontosan tudjuk szinkronizálni
- Alapvetően időbélyeg konverziós szinkronizációt használ, de nem zárja ki bármilyen órahangolási (fizikai) szinkronizáció lehetőségét sem.

Reference Broadcast működése

- Broadcast üzenet küldése: N_i
- N_j és N_k feljegyzik az M_1 üzenet érkezésének időpontját a lokális óráik alapján, ezek rendre $h_j(t_2)$ valamint $h_k(t_3)$
- N_j az M_2 üzenetben elhelyezi $h_j(t_2)$ -t (az üzenet érkezésének időpontja N_j órája alapján).
- Ez az időpont megegyezik az M_1 üzenet érkezési idejével N_k lokális ideje alapján.
- A becslés alapján t_4 -ben az ofsztet meghatározható: $\Delta = h_k(t_3) - h_i(t_2)$, feltétel: $t_3 \approx t_2$
- Az ofsztet alapján időbélyeg konverzió megvalósítható.
- Az üzenetcsere megoldható a bázisállomáson keresztül is, ha N_j és N_k nem „látja” egymást közvetlenül.



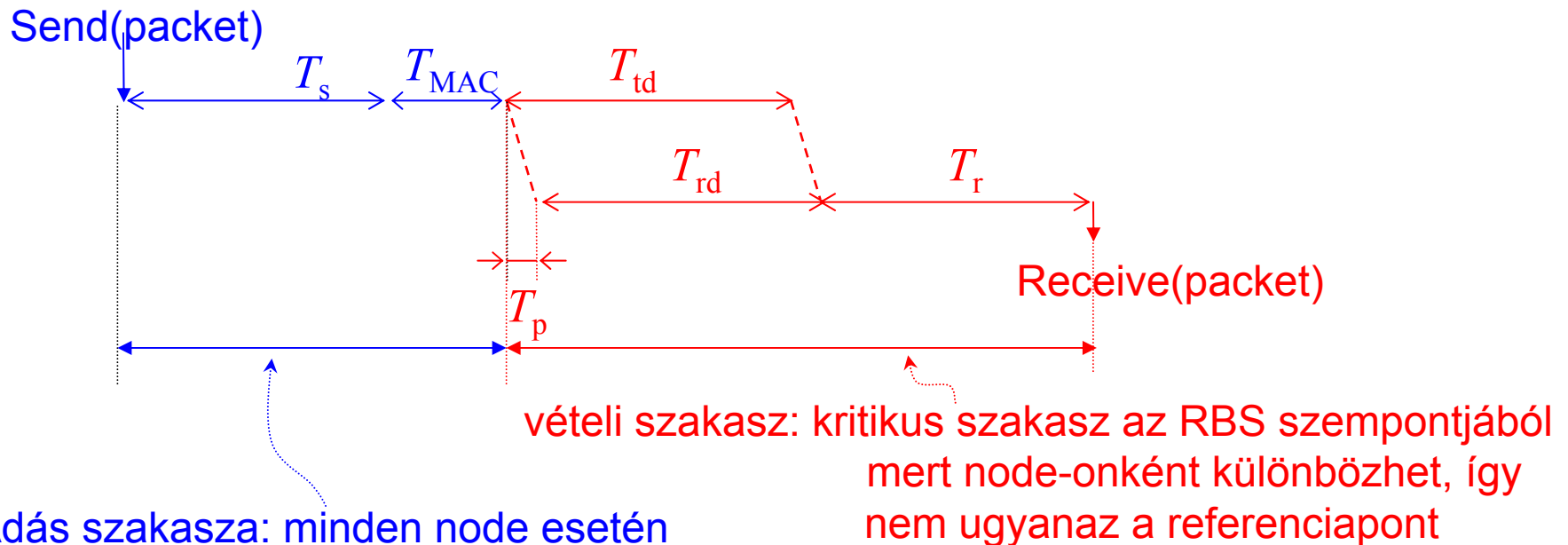
$\Delta = h_k(t_3) - h_j(t_2)$:
becsült ofsztet az
órák között a $t_3 \approx t_2$
időpontban

Példa

- Egy városban, a Petőfi utcában lakik két szomszéd, legyenek Sz_1 és Sz_2 . Egy reggelen a városon egy gyorsajtó száguldott keresztül és Sz_1 éppen a város egyik, Sz_2 pedig a város másik végén tartózkodott. A város hossza 5km. Az autó érkezési idejeként a következőket jegyezte fel a két szomszéd:
 - Szomszéd1 (Sz_1): 8:00:10 = h_1^{E1} ($E1$: a város egyik végén jár az autó)
 - Szomszéd2 (Sz_2): 8:06:40 = h_2^{E2} ($E2$: a város másik végén jár az autó)
- Mindkét szomszéd jelentette a rendőrségen az esetet, és a rendőrség az Ő beszámolóik alapján szeretné bizonyítani a gyorsajtást. Sikerül-e ezt megtenni?
 - A szomszédok által mért időkülönbség: $\tau = 6\text{min } 30\text{sec} = 390\text{sec} = h_2^{E1} - h_1^{E2}$
 - Ezen értékek alapján az autó sebessége $v = 5000\text{m}/390\text{sec} = 12.8\text{m/s} = 46.15\text{km/h}$, tehát nem bizonyítható a gyorsajtás.
- Tudjuk azonban, hogy előző nap este tűzijáték volt a városban. Mivel a tűzijáték késett a meghírdetett időponthoz képest, így mindkét szomszéd folyamatosan az óráját figyelte, várva a tűzijátékot. Az első rakéta robbanása Sz_1 szerint 22:10:00-kor történt Sz_2 szerint viszont 22:11:20-kor. Mit mondhatunk ezek alapján a gyorsajtó sebességéről?
 - Ha a Reference Broadcast szinkronizációt szeretnénk felhasználni a megoldásra, akkor a referencia üzenet ebben az esetben a rakéta felrobbanása. Ezek alapján az órák közötti offset: $\Delta = h_2(t_{\text{rakéta}}) - h_1(t_{\text{rakéta}}) = 80\text{sec}$.
 - Valójában tehát Sz_2 az autót $h_1^{E2} = h_2^{E2} - 80\text{sec} = 8:06:40 - 80\text{sec} = 8:05:20$ -kor észlelte.
 - Emiatt az autó valójában: $\tau' = 5\text{min } 10\text{sec} = 310\text{sec}$ idő alatt száguldott keresztül a városon.
 - A sebessége tehát $v = 5000\text{m}/310\text{sec} = 16.1\text{m/s} = 58\text{km/h}$, ez alapján a gyorsajtás bizonyítható
- A példában a tűzijáték kezdete, mint esemény, tekinthető reference broadcastnak.
- Az órák offsete ez alapján meghatározható.
- Az offset alapján korrigálni tudjuk az időbélyegeket.

Időzítés analízis RBS esetén

- Az üzenetküldés időzítése:



Adás szakasza: minden node esetén megegyezik, így a szinkronizáció szempontjából nem kell figyelembe venni ☺

A példában a tűzijáték szervezőjének a rakéta kilövéséig eltöltött ideje. Pl. nem számít, hogy pontosan lövik-e ki, vagy 10 percet késik a várt kilövésig.

Pl. az egyik szomszédnak csak a felesége szól a tűzijáték kezdetéről, így Ő csak később néz rá az órájára. Vagy az egyik szomszéd távolabbról szemléli, így a hang lassabban ér el hozzá.

Időzítés analízis RBS esetén

- Az RBS szinkronizáció szempontjából kritikus szakasz a vételi szakasz.
- A vétel ideje kevésbé ingadozó, mint az adó oldali késleltetés, ugyanis a közeghozzáférés ideje erősen függ a csatorna foglaltságától.
- **Nagy előny: a nem determinisztikus közeghozzáférés nem befolyásolja a szinkronizáció pontosságát!**

Időalapok jellemzése (RBS)

Levezetés: kiegészítő anyag

- **Idővariáns ofszet**

- $O_{kj}(t_1)$: ofszet a t_1 időpontban N_k és N_j node között

- $\Delta O_{kj}(t_2, t_1)$: ofszet változása a t_1 és t_2 időpontok között

$$\Delta O_{kj}(t_2, t_1) = O_{kj}(t_2) - O_{kj}(t_1)$$

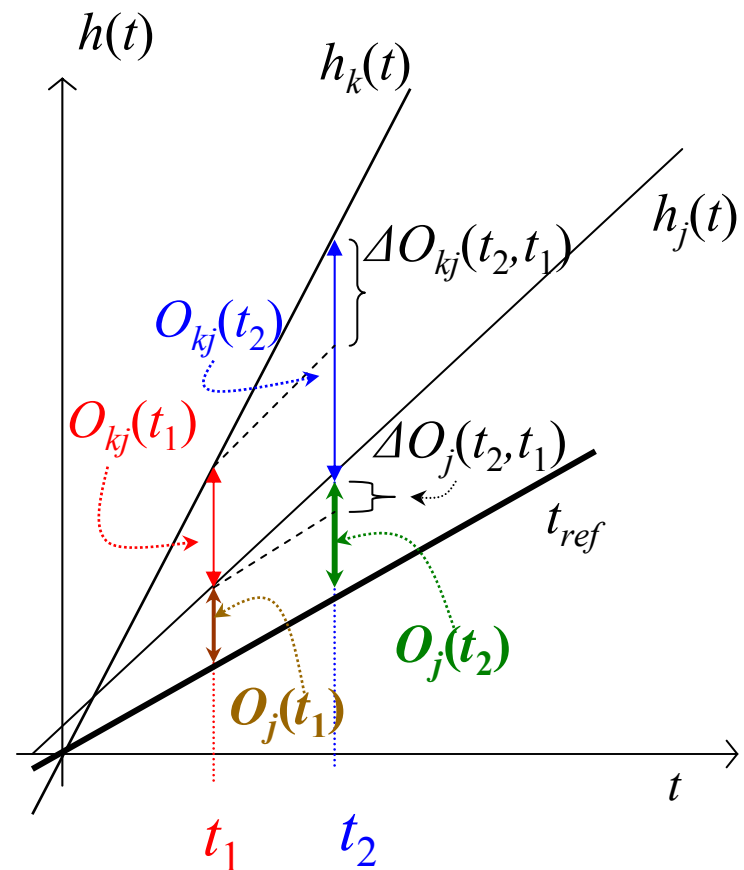
- $O_j(t_1)$: N_j órájának ofszete a t_1 időpontban a referenciaórához képest

- $\Delta O_j(t_2, t_1)$: ofszet változása a t_2 és t_1 időpontok között

$$\Delta O_j(t_2, t_1) = O_j(t_2) - O_j(t_1)$$

- Következő oldalon felhasználjuk, hogy:

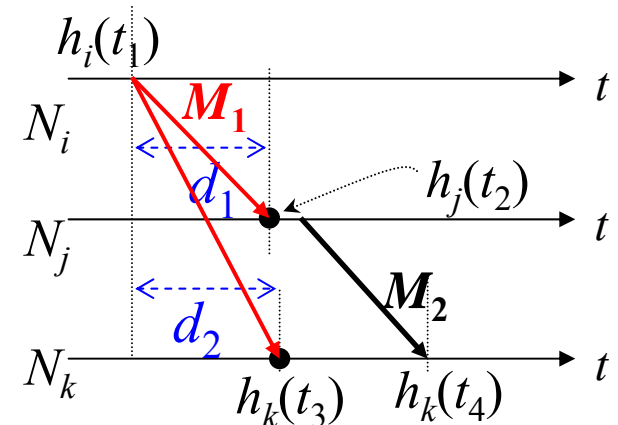
$$O_{kj}(t_3) = O_{kj}(t_4) + \Delta O_{kj}(t_3, t_4)$$



RBS szinkronizáció hibaanalízise

Levezetés: kiegészítő anyag

- Algoritmusban figyelmen kívül hagyott paraméterek:
 - Drift és bizonytalanság a kommunikációs időkben
- $d_1 = S_i + P_{ij} + R_j$
 - d_1 : üzenet küldés időtartama i -től j -ig
 - S_i : üzenet elküldéséhez szükséges idő az N_i node-on
 - P_{ij} : jelterjedési idő
 - R_j : üzenet fogadásához szükséges idő az N_j node-on
- $d_2 = S_i + P_{ik} + R_k$
- **Emlékeztető:** $O_{kj}(t) = h_k(t) - h_j(t)$ és $O_j(t) = h_j(t) - t$



$$t_2 = t_1 + S_i + P_{ij} + R_j \rightarrow h_j(t_2) = t_1 + O_j(t_2) + S_i + P_{ij} + R_j \text{ mivel } t_2 = h_j(t_2) - O_j(t_2)$$

$$t_3 = t_1 + S_i + P_{ik} + R_k \rightarrow h_k(t_3) = t_1 + O_k(t_3) + S_i + P_{ik} + R_k$$

$$O_k(t_3) - O_j(t_2) = [O_k(t_3) - O_j(t_3)] + [O_j(t_3) - O_j(t_2)] = O_{kj}(t_3) + \Delta O_j(t_3, t_2) = \overbrace{O_{kj}(t_4) + \Delta O_{kj}(t_3, t_4)} + \Delta O_j(t_3, t_2)$$

Az első két egyenletet kivonva egymásból, és a harmadikat felhasználva:

$$\Delta = h_k(t_3) - h_j(t_2) = O_{kj}(t_4) + \Delta O_{kj}(t_3, t_4) + \Delta O_j(t_3, t_2) + P^{UC} + R^{UC}, \text{ ahol } \Delta \text{ definícióját használtuk}$$

$$\text{ahol: } P^{UC} = (P_{ik} - P_{ij}) \text{ valamint } R^{UC} = (R_k - R_j)$$

RBS szinkronizáció hibaanalízise (Magyarázat a levezetéshez)

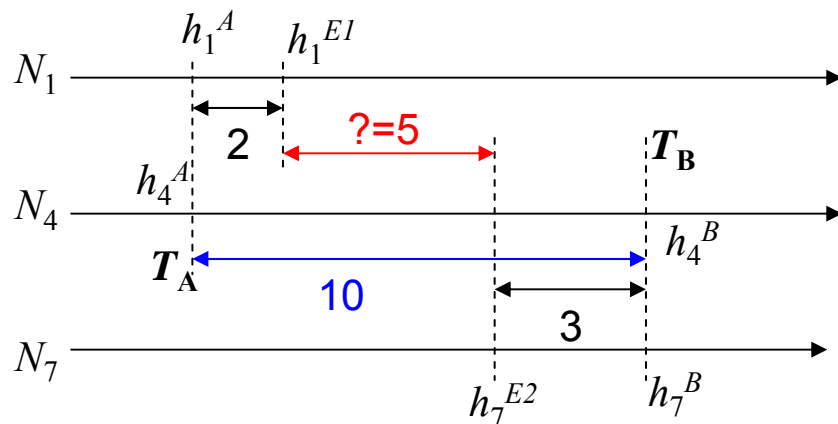
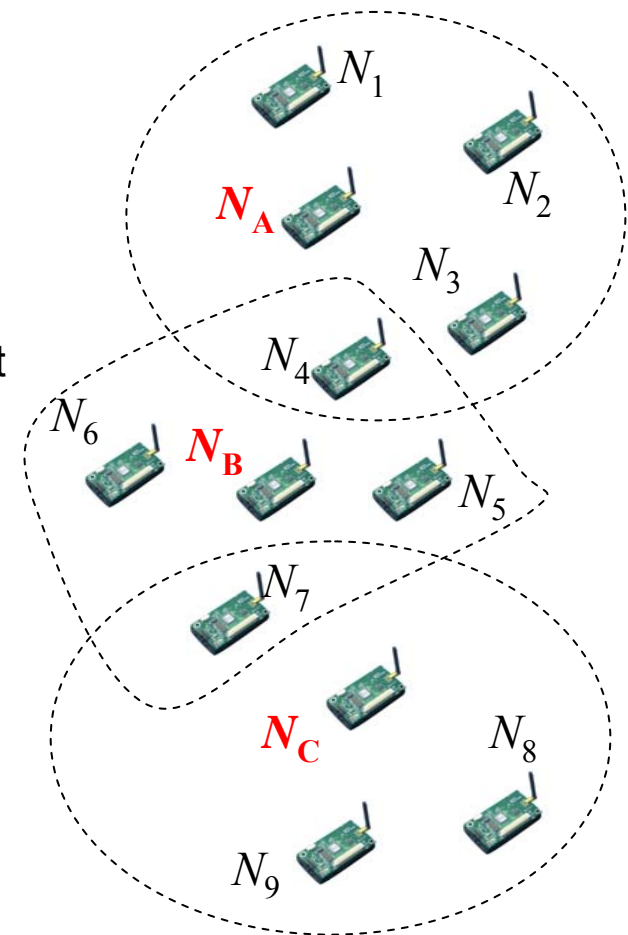
- $t_2 = t_1 + d_1 = t_1 + S_i + P_{ij} + R_j$ (Eq 1.)
 - Az **M1** üzenet érkezési időpontja az N_j node-on referencia idő szerint $[t_2] =$ az üzenet elküldésének időpontja referencia idő szerint $[t_1] +$ az üzenetküldés ideje $[d_1]$ N_j node és N_j node között
 - Felhasználtuk d_1 definícióját: $d_1 = S_i + P_{ij} + R_j = t_2 - t_1$
 - Ebben az esetben a referencia időskálát használjuk, minden időpontot ide transzformálunk.
- $t_3 = t_1 + d_2 = t_1 + S_i + P_{ik} + R_k$ (Eq 2.)
 - Az **M1** üzenet érkezési időpontja az N_j node-on referencia idő szerint $[t_2] =$ az üzenet elküldésének időpontja referencia idő szerint $[t_1] +$ az üzenetküldés ideje $[d_1]$ N_j node és N_k node között
 - Felhasználtuk d_2 definícióját: $d_2 = S_i + P_{ik} + R_k = t_3 - t_1$
 - Ebben az esetben is a referencia időskálát használjuk, minden időpontot ide transzformálunk.
- Vegyük észre: d_1 és d_2 kifejezésben az üzenet elküldésének ideje (S_i) megegyezik, csupán a terjedési idő illetve a fogadási idő (P és R) különbözik. Ennek oka, hogy az üzenetnek az N_j node-on töltött ideje (S_i) megegyezik, mert ugyanarról az üzenetről van szó. Ezután viszont az adott üzenet külön úton terjed míg N_j és N_k node feldolgozza.

RBS szinkronizáció hibaanalízise

- $\Delta = h_k(t_3) - h_j(t_2) = O_{kj}(t_4) + \Delta O_{kj}(t_3, t_4) + \Delta O_j(t_3, t_2) + P^{UC} + R^{UC}$
- ahol
 - Δ az ofszet számított értéke, míg a valódi értéke $O_{kj}(t_4)$ lenne
 - $P^{UC} = (P_{ik} - P_{ij})$ valamint $R^{UC} = (R_k - R_j)$: időzítésekben tapasztalható bizonytalanság: Példa: a tűzijáték hangja különböző időpontokban érkezik a terjedési idők különbsége miatt.
 - $\Delta O_{kj}(t_3, t_4)$ az ofszet változása annak felhasználása és számítása között
 - A gyorsajtós példában ez a következő módon jelentkezik. Az órák ofszetét este 22:10:00-kor mértük. Reggelre ez az ofszet változhat/változik, ez a ΔO_{kj} . Ezt a hibát a gyorsajtós példában nem vettük figyelembe! ΔO_{kj} a drift alapján számítható.
 - $\Delta O_j(t_3, t_2)$: ofszet változása az N_j node-on a referencia érkezési időpontjai (tehát t_3 és t_2) között.
 - Gyorsajtós példa: legyen τ az az idő, amennyivel Sz_2 később észleli a tűzijátékot, mint Sz_1 . $\Delta O_j(t_3, t_2)$ az az idő, amennyit Sz_1 órája elcsúszik Sz_2 órájához képest a τ idő alatt. Mivel τ nagyon kicsi, így $\Delta O_k(t_3, t_2)$ itt gyakorlatilag elhanyagolható.
- A $\Delta O_{kj}(t_3, t_4)$ kompenzálható, ha több üzenetváltás alkalmával a driftet is becsüljük. Ilyenkor ugyanis $O_{kj}(t_4) = \Delta + \Delta O_{kj}(t_3, t_4) = \Delta + \rho_{kj} \cdot (t_4 - t_3)$ számítható.
- **Lényeges előny:**
 - **Az adatküldés és közeghozzáférés nem determinisztikus időzítése nem jelentkezik a hibában**

RBS multi-hop szinkronizáció

- A hálózatot olyan alhálózatokra osztjuk, melyeknek van közös pontjuk.
- N_A, N_B, N_C : broadcast források
- $N_1 \dots N_9$: szinkronizálandó node-ok
- Közös node-ok: N_4, N_7, N_9
- A közös node-okon keresztül lehet szinkronizációt végezni.
- Példa: N_A és N_B szinkronizációs üzenetet küld T_A és T_B időpontokban. Az N_1 node T_A után 2sec-al érzékel egy objektumot (h_1^{E1}), míg az N_7 node T_B előtt 3sec-al érzékeli az objektumot (h_7^{E2}). Mennyi idő alatt jut el az objektum N_1 -től N_7 -ig, ha tudjuk, hogy N_4 az N_A broadcast üzenetet 10sec-el az N_B broadcast üzenete előtt kapta meg?



RBS multi-hop szinkronizáció

- Általánosabb formában multi-hop szinkronizáció a következő módon valósítható meg (szomszédos csoportokra):
- Legyen adott két csoport: $\{N_A, N_i, N_j\}$, $\{N_B, N_k, N_j\}$
 - Tegyük fel, hogy N_j node a két alhálózat közös pontja.
 - Legyen N_A és N_B két szomszédos alhálózatban a referenciaforrás.
 - N_A broadcast üzenete alapján meghatározható N_i és N_j közötti ofszet: $\Delta_{ij} = h_i - h_j$
 - N_B broadcast üzenete alapján meghatározható N_k és N_j közötti ofszet: $\Delta_{kj} = h_k - h_j$
 - A két ofszet különbségével meghatározható a két alhálózat N_i és N_k node-jai közötti ofszet:
$$\Delta_{ki} = \Delta_{kj} - \Delta_{ij} = (h_k - h_j) - (h_i - h_j) \approx h_k - h_i$$
 (azért \approx , mert a Δ -kat különböző időpontban mérjük)
 - Ez alapján: $h_k(t) \approx h_i(t) + \Delta_{ki}$. A referencia üzenetek közötti időelcsúszás hibát okoz.
 - Az algoritmus tetszőleges alhálózaton keresztül folytatódhat.
- A szinkronizációs folyamat során nem fontos dedikált node-nak küldenie a referencia üzenetet:
 - Például elképzelhető, hogy először N_A referencia üzenete alapján N_i és N_j szinkronizálódik egymáshoz, majd N_i referencia üzenete alapján N_A és N_j szinkronizálódik egymáshoz. Így már az alhálózat összes nodeja szinkronizált egymáshoz képest.

RBS és TPSN összehasonlítása

- Az adási időben bekövetkező bizonytalanság az RBS-nél nem jelentkezik, mivel itt egyazon üzenetről van szó mindkét node esetén. Ez platformtól függően viszonylag nagy értéket vehet fel.
 - Az RBS tehát alkalmas a közeghozzáférési idő kiküszöbölésére
 - Kihhasználja azonban a vevők hasonló viselkedését (különböző eszközöknél gond lehet)
- A TPSN-nél a terjedési és fogadási időben jelentkező bizonytalanság (tehát $P^{UC} + R^{UC}$) $1/2$ súllyal szerepel, mivel két üzenetváltást használ, így ezen hibák átlagolódnak és kisebb hibát okoznak, mint az RBS-nél.
- TPSN: páronkénti szinkronizáció → sok üzenetváltás
- RBS: broadcast üzenet → több node is szinkronizálódhat
 - Pl.: N_i üzenetét megkapja N_j (referencia) és $N_k, N_l, N_m \dots$:ez egyetlen üzenet. N_j is küldhet broadcast üzenetet, amit ha $N_k, N_l, N_m \dots$ is megkapnak, akkor ezzel a két üzenettel egyszerre szinkronizáljuk $N_j, N_k, N_l, N_m \dots$ node-okat