

Szenzorhálózatok alkalmazása valósídejű (visszacsatolt) rendszerekben

Összeállította:
Orosz György

2011. 11. 09.

Hivatkozások

- [1] Karl Henrik Johansson, „Control over Wireless Networks: Research Challenges and Case Studies”, *GRASP Seminar Series University of Pennsylvania*, Philadelphia, USA, March 24, 2006
- [2] Karl Henrik Johansson: „Wireless Control Opportunities and Challenges”, *Automationsdagarna*, Stockholm, 4-5 Feb, 2009
- [3] Fredrik Linnarsson, Peng Cheng, Bengt Oelmann, „Analysis of the IEEE 802.15.4 Standard for a Wireless Closed Loop Control System for Heavy Duty Cranes”, *IEEE Second International Symposium on Industrial Embedded Systems - SIES'2007*, Lisbon, Portugal, 4-6 July 2007. pp 164-169
- [4] Nick Ploplys, Andrew Alleyne, „Closed Loop Over a Wireless Network (CLOWN) ”

Valós idejű működés

- A feladatot egy adott időintervallumon (határidőn) belül be kell fejezni



- Soft real-time
 - Határidő elmulasztása nem jár súlyos következménnyel
 - Tipikusan sec nagyságrendű határidők (pl. honlap letöltés)
 - Várható válaszidőre tervezhetünk
- Hard real-time
 - Határidő elmulasztása súlyos következménnyel jár (pl. fékparancs)
 - Worst-case válaszidőre tervezünk
 - Tipikusan msec nagyságrendű határidők
 - Lehet hosszabb is: pl. június 20-dikán be kell adni a diplomatervet

Szenzorhálózati alkalmazási példák

- Soft real-time
 - Lassan változó mennyiségek érzékelése és szabályozása
 - Hőmérséklet érzékelés (épületek felügylete)
 - Fényerősség érzékelés
 - Általában több másodperces időállandó
- Hard real-time
 - Biztonságkritikus alkalmazás
 - Pl. tűzérezékelés
 - Gyorsan változó jelek
 - Audió és videójelek átvitele
 - Akusztikus jelek érzékelése
 - Pl. lokalizáció: elképzelhető beavatkozás is a pozíció alapján
 - **Visszacsatolt rendszerek**
 - Beavatkozás a mérések alapján: fontos, hogy milyen gyors a beavatkozás hatása
 - Mozgó robotok irányítása
 - Autók egymáshoz képest mért helyzetének szabályozása
 - Beavatkozás akusztikus jelek alapján: aktív zajcsökkentés

Alkalmazási példák

- Az egyes egységek (pl. autók) szenzorok segítségével érzékelik a környezetüket. Az érzékelt jelek alapján egymással vezeték nélkül kommunikálva irányítják az egységek helyzetét, sebességét.
- Vezetéknélküli kommunikáció kritikus: az egységek nem lehetnek fizikailag összekapcsolva.
- Folyamatosan figyelni kell a beavatkozások hatását: visszacsatolás
- Előnyök:
 - Utak hatékonyabb kihasználása
 - Veszélyes területek felderítése
- Valós idejű működés fontos:
 - Körülmények gyors változása
 - Emberek testi épsége

Járművek
kooperatív
irányítása
(távolság tartása)



[2]

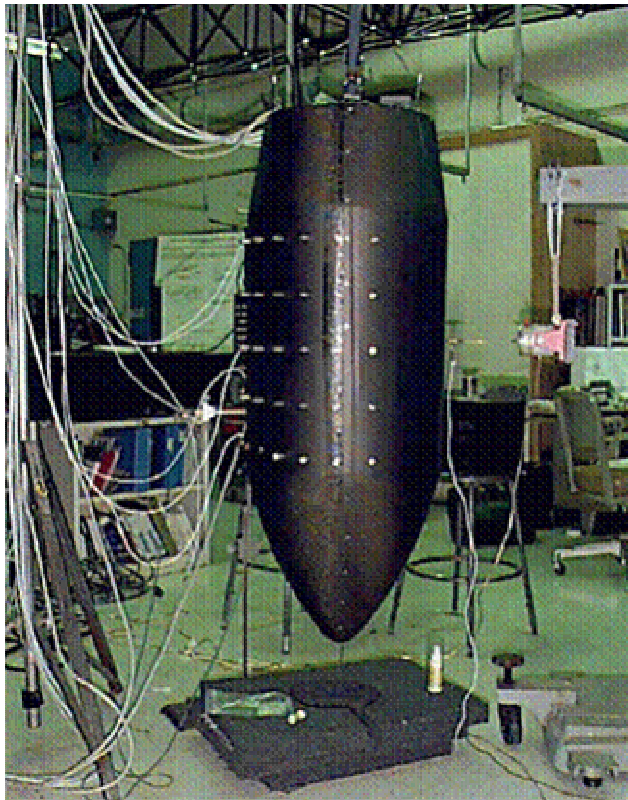


Mobil egységek irányítása
(személyzet nélkül)

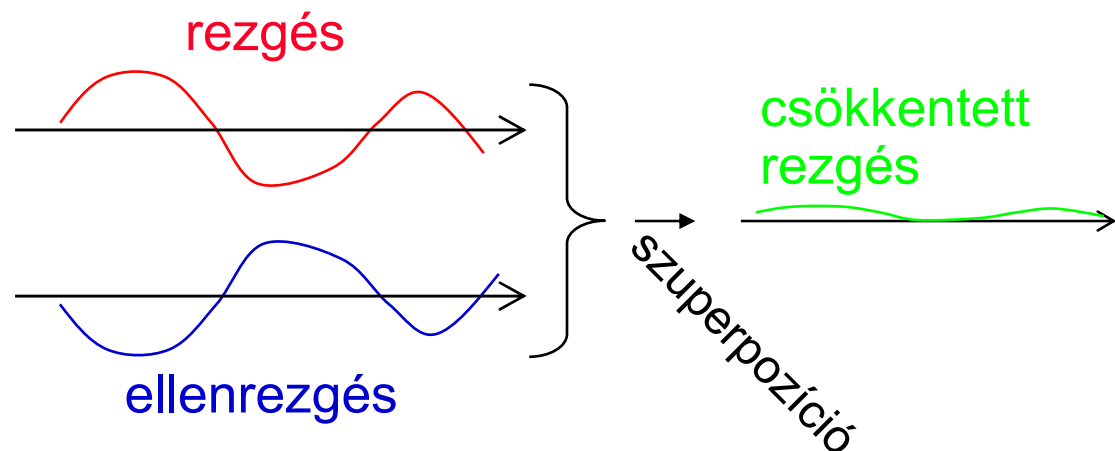
[1]

Alkalmazási példák

Aktív zaj-/rezgés csökkentés
rakétában



- Aktív zaj- / rezgés csökkentés:
 - Ellenhullámmal (ellenzaj) kioltjuk a káros rezgéseket / hanghullámokat
 - Főleg kisebb frekvencián hatékony
- Előny:
 - Kisebb tömegű szigetelés
- Folyamatosan érzékelní kell a rezgéseket: visszacsatolás

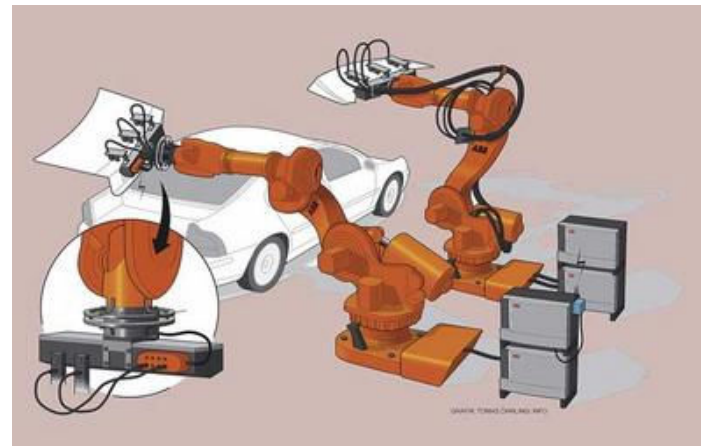


Alkalmazási példák

- Jelek érzékelése és átvitele mozgó egységek között:
 - Mozgó egységek közötti adatátvitel egyszerűbb vezeték nélkül.
 - Kontaktusok megbomlásának (kontakthibák) elkerülése



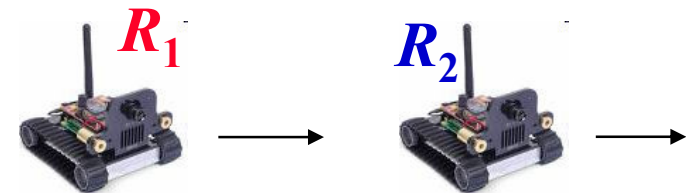
[3]



[1]

Kooperatív vezeték nélküli visszacsatolt rendszerek

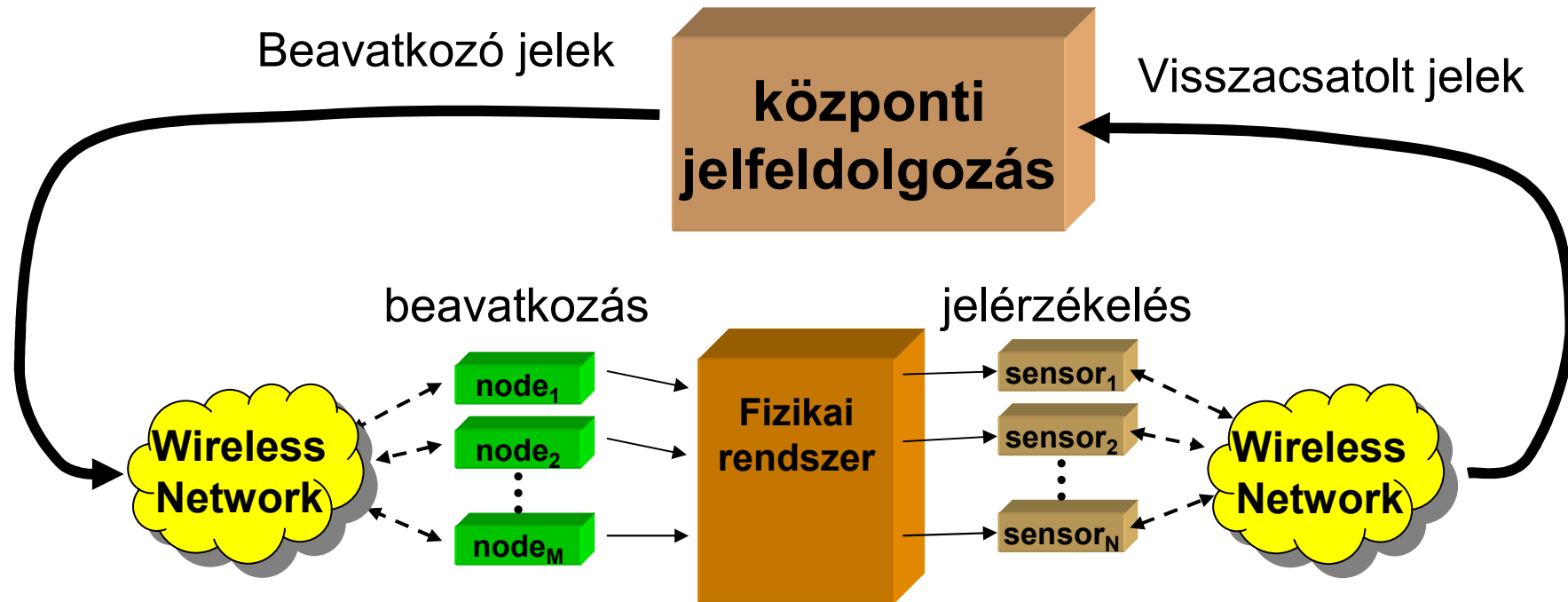
- Nem egyszerűen az egységek egyedi irányítása/szabályozása
- Fontos a kommunikáció: kooperativitás
- Pl.: robotok pozíciójának szabályzása: egymás közötti távolság tartása
 - Mindkét egység méri a távolságot és autonóm módon próbál adott d_0 távolságot tartani. Gond: távolságmérést hiba terheli:
 - Véletlen hiba: idő során átlagolódik
 - Ofszet (rendszeres hiba): nagy problémát okoz
 - Legyen a két egység megkívánt távolsága d_0 és a valódi távolság $d=d_0$
 - R_1 egység h_1 hibával mér, R_2 egység h_2 hibával mér (legyen $h_1<0$ és $h_2>0$)
 - Ha nincsen kooperáció:
 - R_1 egység közeledik R_2 egységhez
 - R_2 egység távolodik R_1 egységtől
 - Végeredmény: „kergetik” egymást
 - Meg kell egyezni egy távolságban: nem elegendő különálló szenzorok alkalmazása



Vezetéknélküli szenzorhálózatok valósídejű visszacsatolt rendszerekben

- Egyszerű telepíthetőség
 - Nem kell meglévő infrastruktúra
 - Egyszerűbben skálázható, nem kell új csatlakozási pontokat kialakítani
 - Kisebb telepítési költség
- Mobil elrendezés
 - Vezeték: fizikai korlátozás
 - Kevesebb korlátozás a mozgásban: pl. robotok pozicionálása, mozgó (rész)egységek felügyelete
 - Egyszerűbb átkonfigurálni a rendszert
- Monitorozás és diagnosztika egyszerűbb: nem kell kívülről csatlakozni
- Elosztott intelligencia
 - Előfeldolgozás lehetséges már a szenzornál
 - Tehermentesíti a központi egységet
 - Alapvető döntés már helyben is megszülethet
- Biztonságkritikus alkalmazásban redundancia: vezetékek megrongálódása esetén másodlagos átviteli csatorna

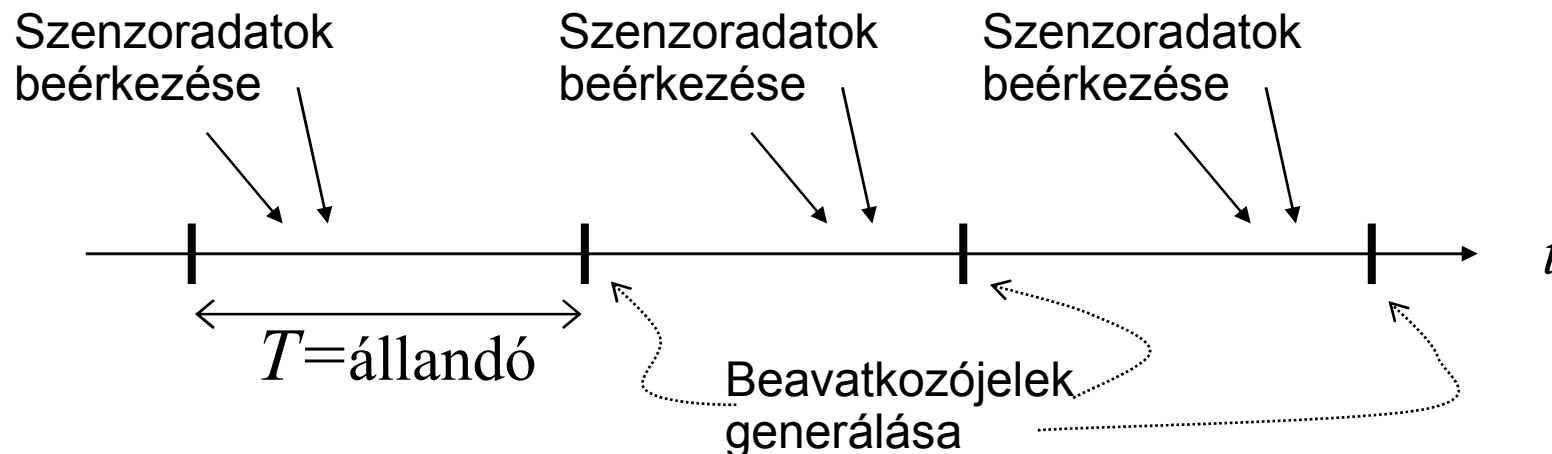
Visszacsatolt rendszerek felépítése



- Szenzor: érzékelés általában kis energiával, így kézenfekvőbb terület
- Beavatkozás: nagyobb energia, így kell tápvezeték, de a jelvezetékek helyettesíthetőek.
 - A meglévő tápellátás kedvező az energiagazdálkodás szempontjából

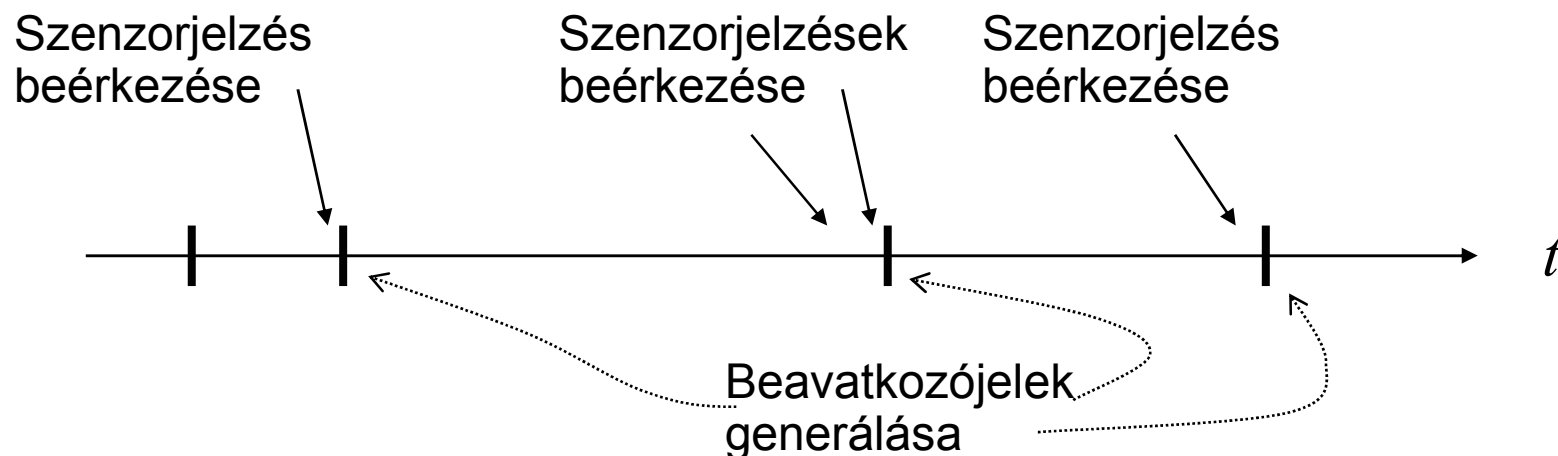
Valós idejű rendszerek jellemző működési modelljei

- Periodikus (idővezérelt) működés
 - A szenzorok adott T időközönként szolgáltatják az adatokat
 - A központi feldolgozó egység T időközönként fogadja az adatokat és legenerálja a beavatkozó jeleket (válaszjeleket)
 - Jól kidolgozott algoritmusok
 - Determinisztikus működés
 - Az előadás során nagyrészt idővezérelt rendszerekkel foglalkozunk



Valós idejű rendszerek jellemző működési modelljei

- Eseményvezérelt működés
 - A központi egység az adatok beérkezésekor egyből feldolgozza azokat és legenerálja a válaszjeleket.
 - Általában bonyolultabb algoritmust eredményez
 - A szenzorok csak adott esemény bekövetkeztekor jeleznek (pl. a szemben lévő jármű adott távolságnál közelebb került)
 - Nem egyenközű a feldolgozás
 - Részleges mérések alapján dönt a központi egység



Real-time rendszerekben való alkalmazás kihívásai

- Kevés a tapasztalat, és az elméleti háttér még nem teljesen kidolgozott
- (Változó) késleltetés
 - Okai:
 - Szoftveres késleltetések
 - Rádiós csatorna foglaltsága
 - Közeghozzáférési stratégia (pl. p-perzisztens CSMA: véletlen várakozás az adás kezdése előtt)
 - A determinisztikus viselkedést rontja
 - Nem kiszámítható a rendszer
- Elosztott érzékelés és jelfeldolgozás
 - Lazán csatolt rendszerek (adatcsere nem közvetlen)
 - Szinkronizáció

Real-time rendszerekben való alkalmazás kihívásai

- Adatvesztés
 - Elkerülhetetlen a rádiós átvitel miatt
 - Javítható pl. acknowledge csomagokkal. Megéri?
- Bizonytalan adatátvitel: bizonytalan információk alapján hozunk döntéseket
- Kis adatátviteli sáv szélesség
 - Tipikus sáv szélesség <1Mbps
 - Kis fogyasztás ← kevés kommunikáció
 - Sok szenzor
 - Megosztott csatorna
 - A sáv szélesség megoszlik az összes szenzor között

Tervezési irányelvek

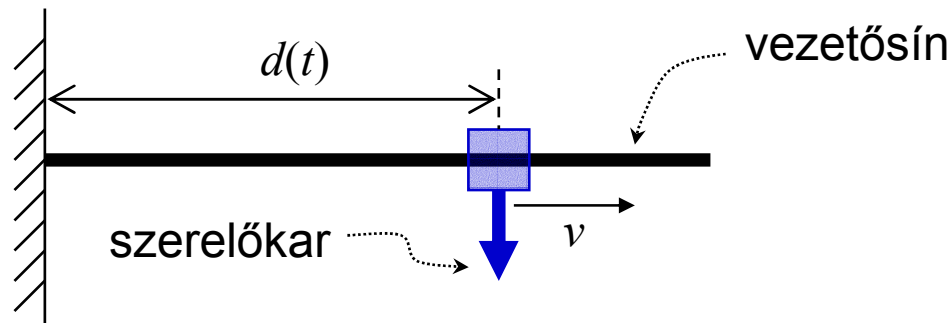
- Nem tekinthetünk el a hálózat hatásától és az alkalmazás specialitásaitól.
- Hagyományos megközelítések:
 - Control-aware networking: megtervezzük a jelfeldolgozó rendszert és próbáljuk minimalizálni a hálózat hatását megfelelő kommunikációs réteg megtervezésével.
 - Network-aware control: a hálózat által kínált lehetőségeket adott peremfeltételeknek tekintjük és emellett tervezzük meg a visszacsatolási stratégiát.
- A két elvet egymással párhuzamosan érdemes alkalmazni a legjobb eredmény elérése érdekében.
- A szabályozás minősége függ a hálózat teljesítőképességétől és paramétereitől.

Késleltetés problémája

- A késleltetést minimalizálni kell mert az csökkenti a reakcióidőt, akár súlyos problémákat is okozhat. Hétköznapi példák:
 - Zuhany: a víz hosszú késleltetés után jut ki a zuhanyrózsán, így a hőfok beállítása hosszú iteráció után lehetséges pl. a sima csaptelephez képest. Ha kapkodunk és gyorsan változtatjuk a víz hőmérsékletét, akkor a zuhanyrózsához érő víz túl forró lehet, mire ezt észleljük. (Ez is visszacsatolt rendszer: a víz érzékelt hőmérséklete alapján állítjuk a vízcsapot)
 - Szoftverek késleltetése: egy gombra kattintva, pl. ablak bezárása, nem reagál a szoftver (nem zárul be az ablak). Ha túl sokáig nem történik semmi, akkor arra gondolhatunk, hogy nem észlelte a kattintást és újra rákattintunk a gombra. Amennyiben csak a késleltetés miatt nem történt semmi, akkor egy idő múlva az első kattintás hatására bezárul az aktuális ablak, a második kattintás pedig az alatta lévő ablakon történik, így azt is bezárjuk. (visszacsatolás: folyamatosan észleljük a beavatkozásunk, tehát a kattintás, hatását, és ennek megfelelően cselekszünk)
- A fix késleltetés kompenzálható (pl. tudjuk, hogy mennyi a szoftverek maximális késleltetése)

Példa a késleltetés kompenzálására

- Legyen adott egy fix $\Delta\tau$ késleltetés a szenzor és a központi egység között. Ez meghatározható előzetes mérésekkel, vagy a hálózat paramétereiből és az egységek működéséből számítható.
- Feladat: egy adott test pozíciójának beállítása (pl. gyártó robot karja).

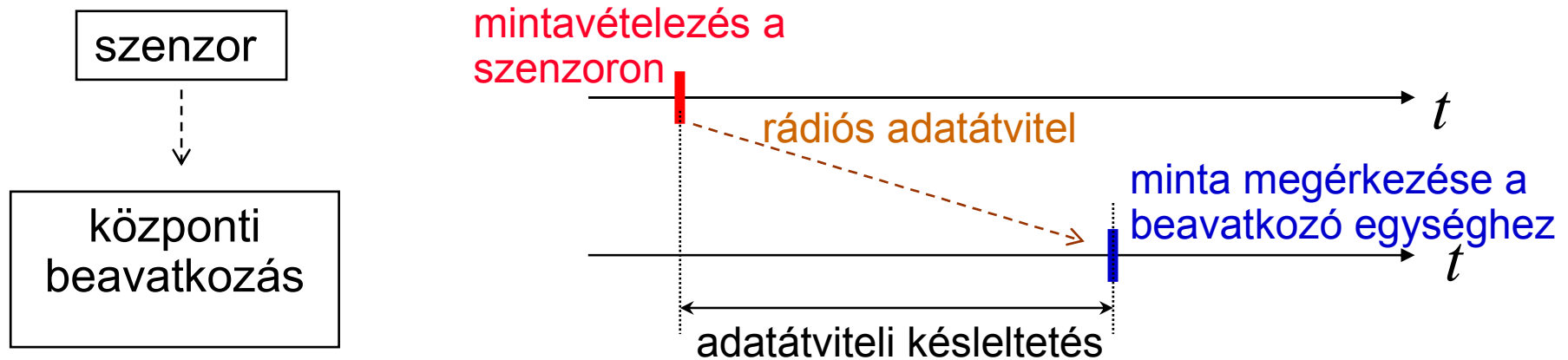


- A kar pozícióját [$d(t)$] és sebességét [$v(t)$] a szenzor elküldi a központi egységnek.
- A szabályozó egység megkapja az adatokat a $t' = t + \Delta\tau$ időpontban.
- A valós pozíció meghatározható a t' időpontban: $d(t') \approx d(t) + v(t)\Delta\tau$
- A döntés időpontjában (t') tehát ismert a pozíció becslése: $d(t')$

Változó késleltetés problémája

- Konstans késleltetés esetén a fenti gondolatmenet kiterjeszhető általános esetre is, pl. ha a rendszer az állapotegyenletével adott \rightarrow kiszámítható a viselkedése
- Network aware control stratégia: késleltetés figyelembe vétele
- A késleltetés akár minden adatküldésnél egyenként is mérhető.
- A változó késleltetés különösen a központi vezérlő és a beavatkozó szerv között gond, mert ott nem kompenzálható a már központilag kiszámított beavatkozó jel. (intelligens beavatkozó esetén a beavatkozó egység is kompenzálhat)
- Változó késleltetés: súlyosabb probléma, mint a késleltetés (nem kompenzálható)
- Az előre számított / mért $\Delta\tau$ késleltetéstől eltér a valódi késleltetéstől
- A valódi késleltetés nem ismert
 - Amennyiben az előző példában $\Delta\tau$ bizonytalansága $h_{\Delta\tau}=10\text{msec}$, és pl. a kar sebessége 1m/s , akkor a pozícióbecslés bizonytalansága 1cm . Nagy késleltetés instabilitást okoz. A probléma analitikusan is vizsgálható.

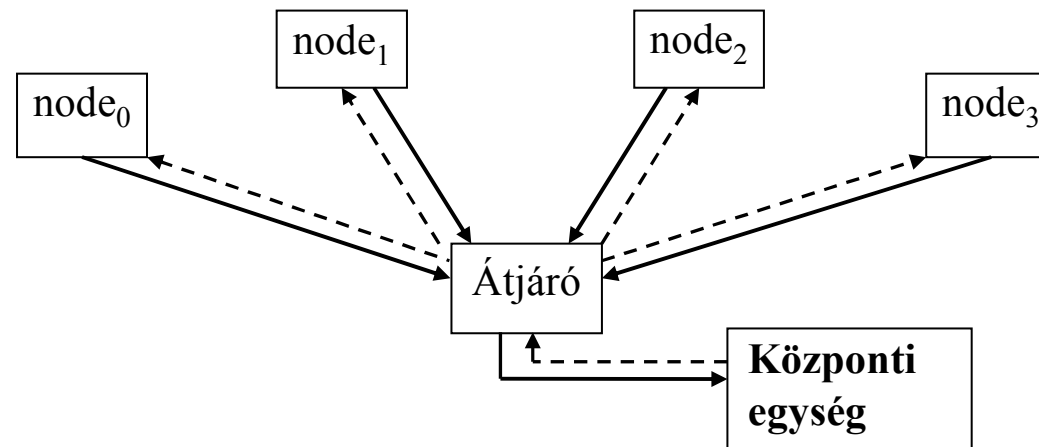
Állandó késleltetés biztosítása



- A késleltetés rontja a teljesítményt, de a változó késleltetés ennél is rosszabb: kiszámíthatatlan működés.
- Cél: a késleltetés állandó szinten tartása.
- Control aware networking: biztosítjuk az állandó késleltetést
- Feltétel: determinisztikus hálózati működés.

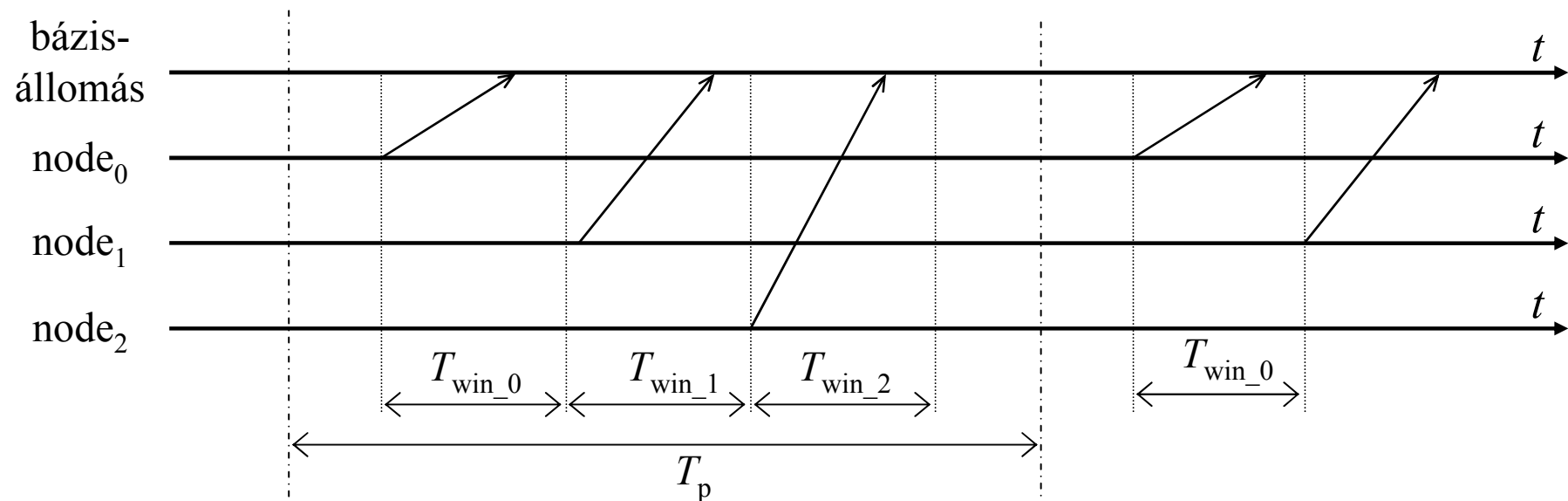
Állandó késleltetés biztosítása

- Determinisztikus működés:
 - Időosztásos hálózat: nincsen véletlenszerű adatküldés, ami zavarná a rendszert
 - Minden egység kap saját időszeletet
 - Token ring hálózat: egymásnak adják át az adás jogát az egyes node-ok
 - Polling: a központi egység (vagy a vele kapcsolatban lévő bázisállomás) egymás után kérdezi le a szenzorokat.
- Előnyös a csillag struktúra: IEEE 802.15.4. (ZigBee fizikai rétege) definiálja ezt a struktúrát



Időosztásos működés

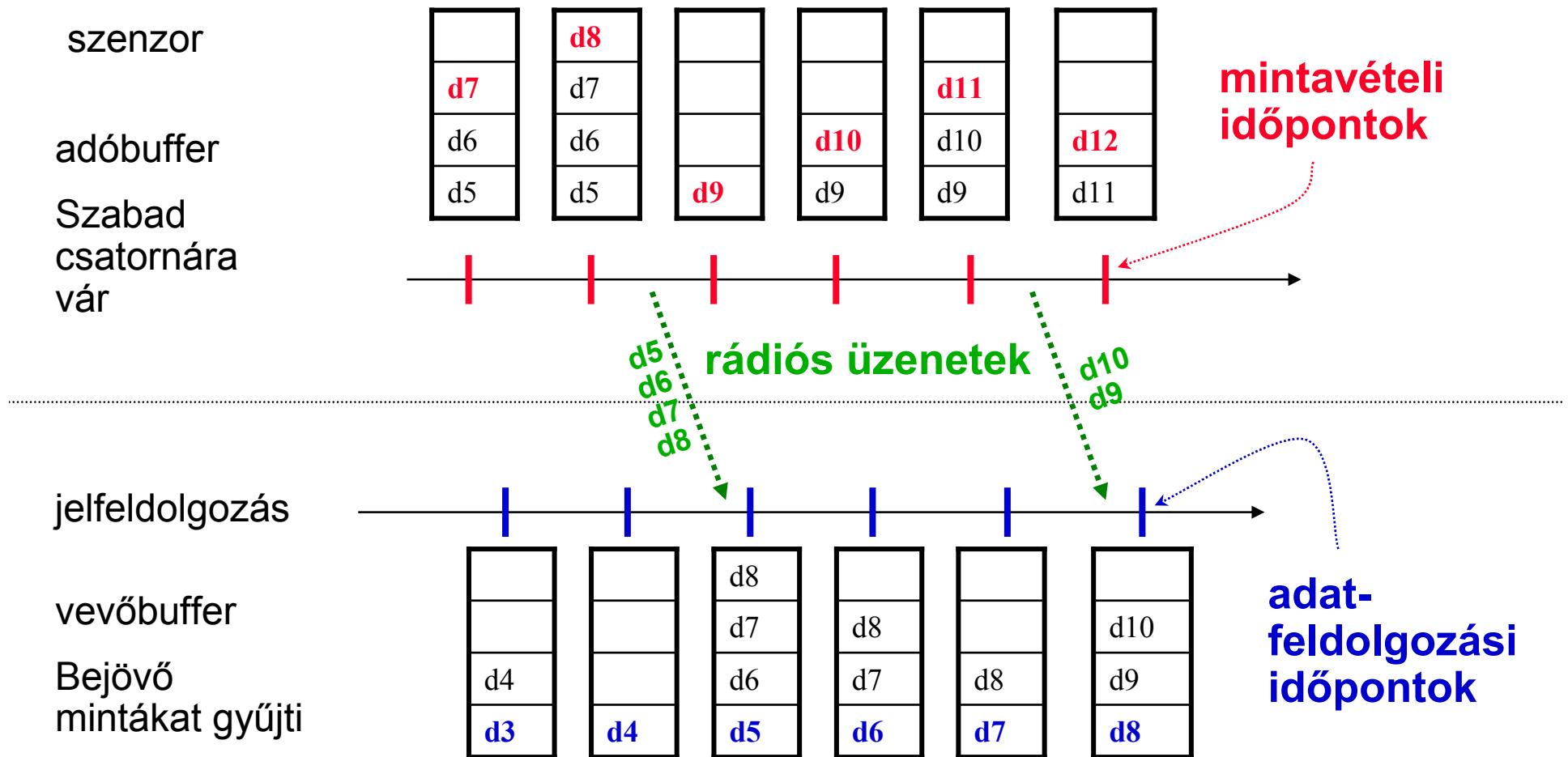
- Minden egység saját időszeletet kap
- Az időszeletek periodikusan ismétlődnek
- Rossz a kihasználtság, ha nem egyenlő a mintavételezési sebesség: kimaradó üres időszeletek, ahol az adott node nem küld adatot
- Az időszeletek között érdemes bizonyos időt hagyni az üzenetek feldolgozására



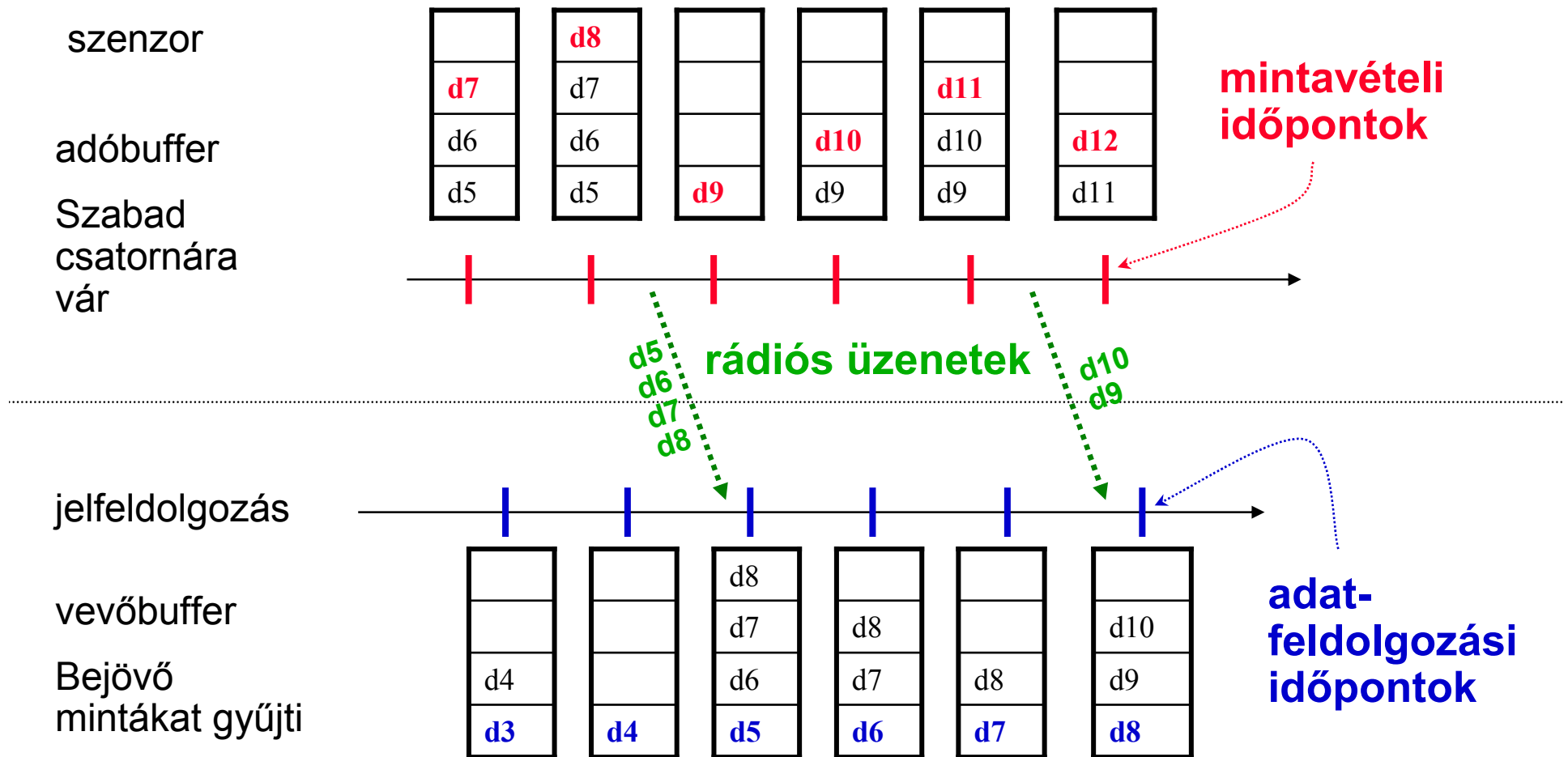
T_{win_i} : i . mote időkerete

T_p : egy hálózati periódus

Determinisztikus működés buffereléssel



Determinisztikus működés buffereléssel

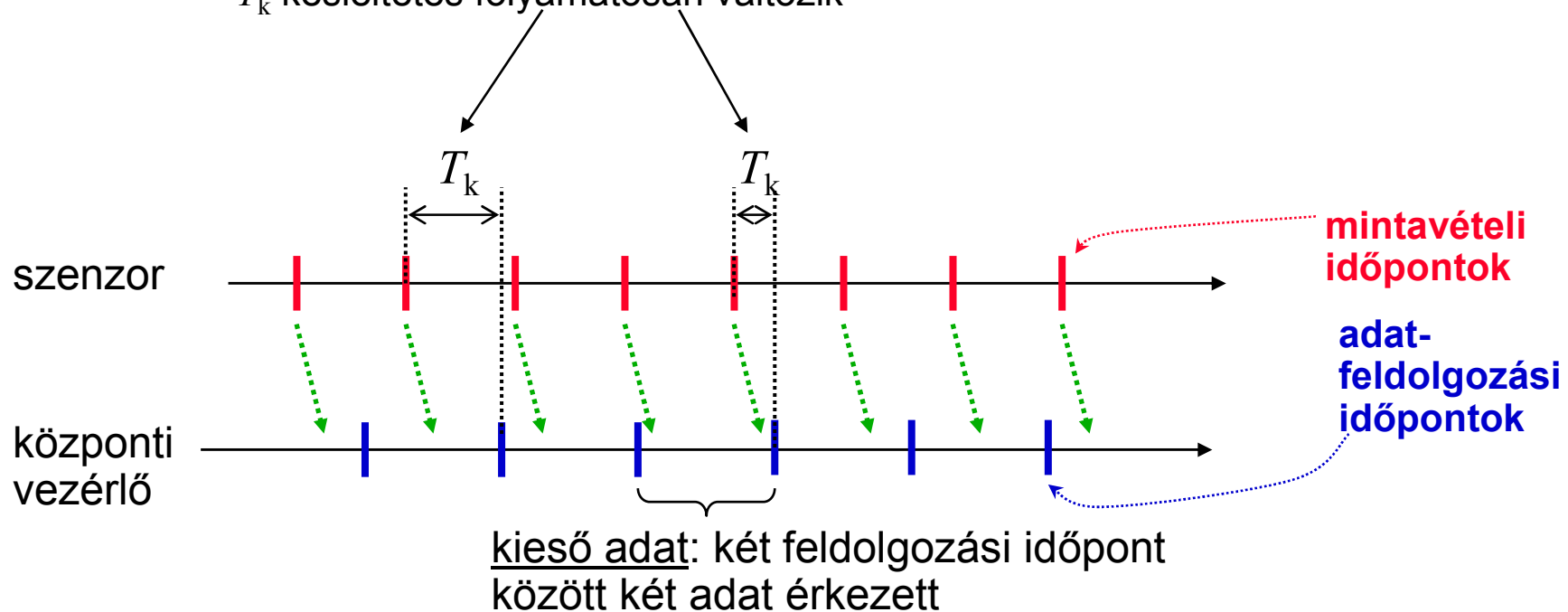


Determinisztikus működés buffereléssel

- Amennyiben a hálózat átlagos adatátviteli sebessége elegendő, de például a közeghozzáférés ingadozása miatt az átviteli idő ingadozhat. Ez kiküszöbölhető buffereléssel.
- A bufferelés egy általános technika
 - Az átlagos késleltetést megnöveli, mert legalább annyi adatot kell bufferelni, mint amekkora a leghosszabb késleltetés. ☹️
 - Determinisztikussá teszi a viselkedést. 😊
 - Példák egyéb területekről
 - Internetes médiafile-ok lejátszása: bizonyos adatmennyiséget előre letárolunk, így egyenletes a lejátszás
 - Hordozható CD lejátszók rázkódásvédelme

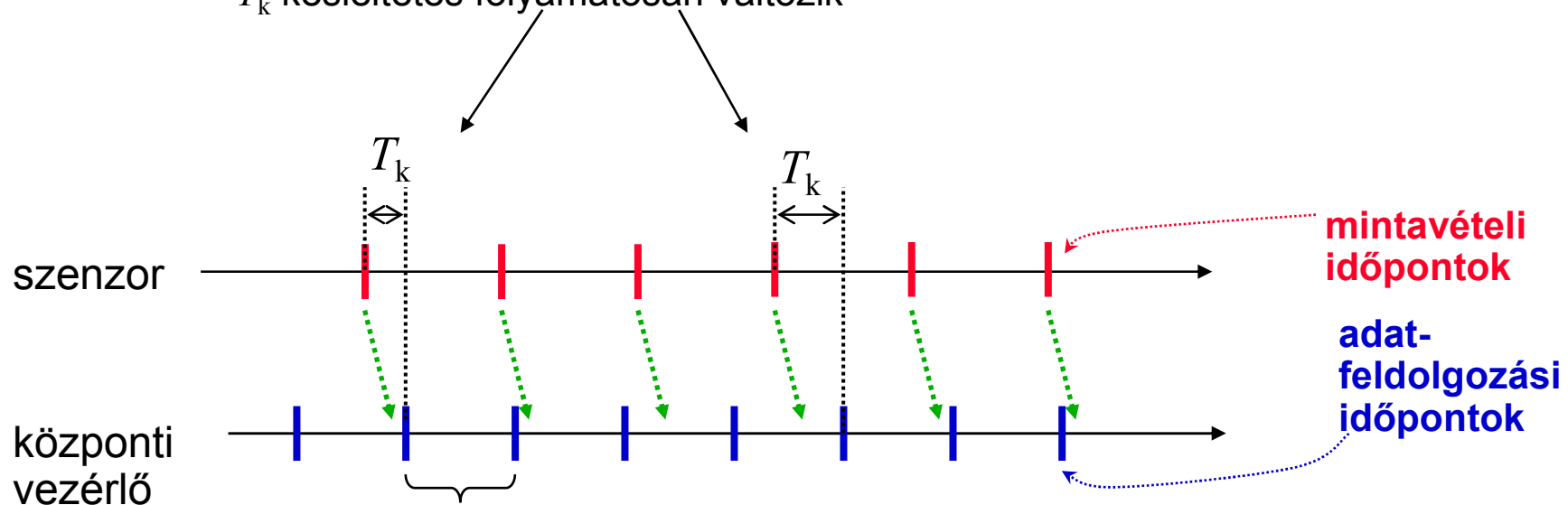
Szenzorok szinkronizálása

- Probléma: a kvarcok hibája miatt eltérő mintavételezési és adatfeldolgozási sebesség
 - A mintavételezési és adatfeldolgozási pontok elcsúsznak egymáshoz képest még állandó adatátviteli késleltetés esetén is így a késleltetés ingadozik
 - Adat **túl-** vagy **alulcsordulás** következhet be a feldolgozás során
 - T_k késleltetés folyamatosan változik



Szenzorok szinkronizálása

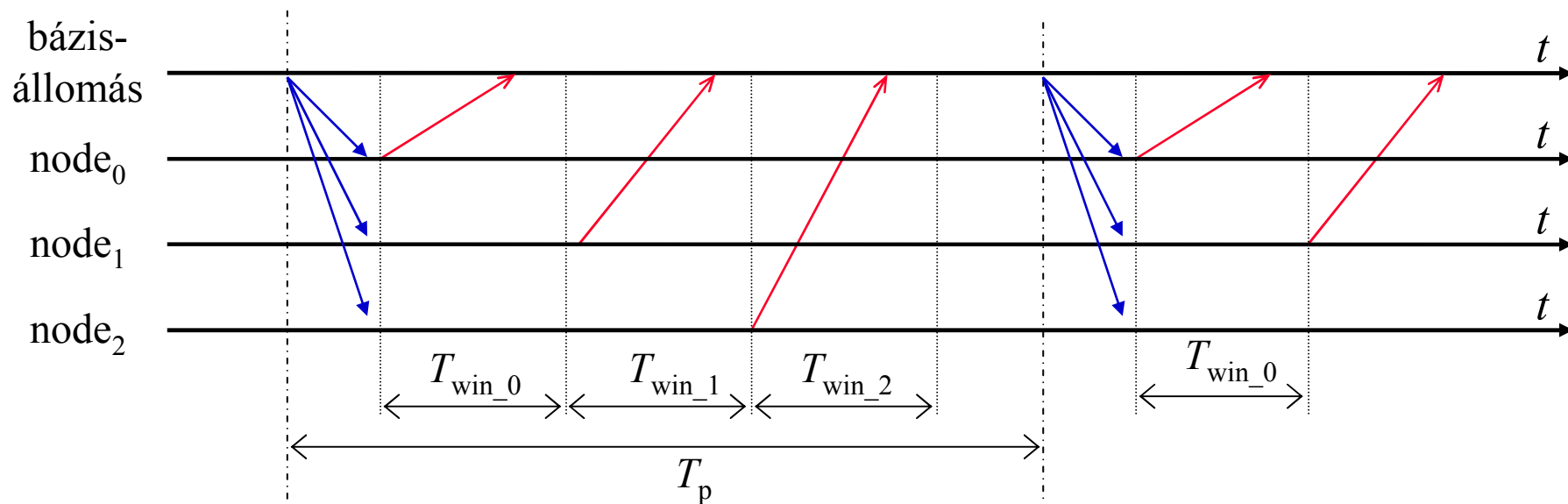
- Probléma: a kvarcok hibája miatt eltérő mintavételezési és adatfeldolgozási sebesség
 - A mintavételezési és adatfeldolgozási pontok elcsúsznak egymáshoz képest még állandó adatátviteli késleltetés esetén is így a késleltetés ingadozik
 - Adat túl- vagy **alulcsordulás** következhet be a feldolgozás során
 - T_k késleltetés folyamatosan változik



hiányzó adat: két feldolgozási időpont között nem érkezett adat

Szenzorok szinkronizálása lekérdezéssel

- A szenzorok nem autonóm módon mintavételeznek, hanem a központi egység minden adatfeldolgozás során lekérdezi a szenzorok értékét.
- Minden szenzor egyszerre kapja a lekérdezést
- Probléma: folyamatos lekérdezés szükséges



T_{win_i} : i. mote időkerete

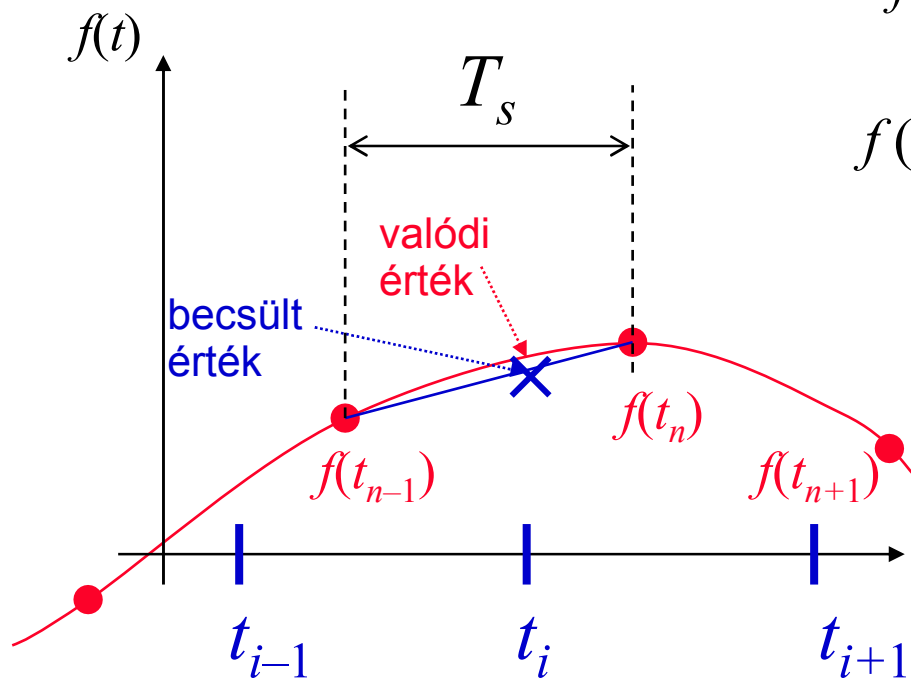
T_p : egy hálózati periódus

—→ lekérdezés

—→ adatküldés

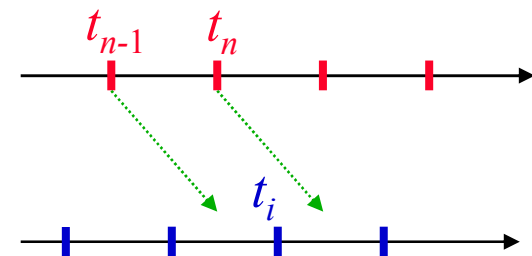
Szinkronizáció interpolációval

- A jelfeldolgozási időpontokban a központi egység valamilyen interpolációs technikával becsli a jel értékét. Példa: lineáris interpoláció:



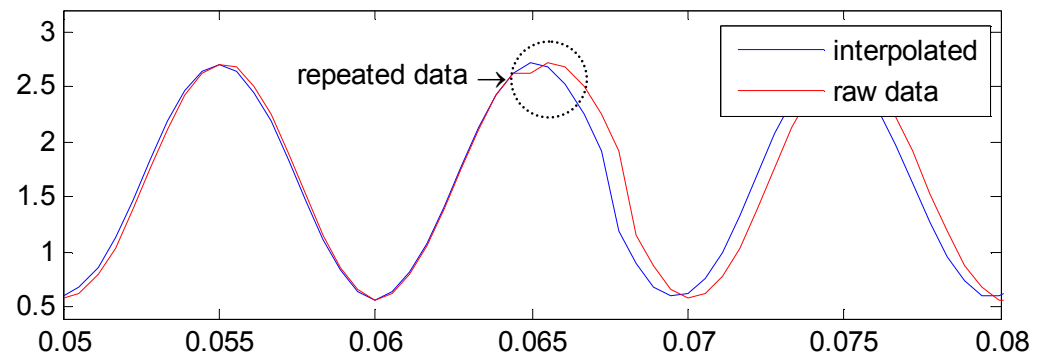
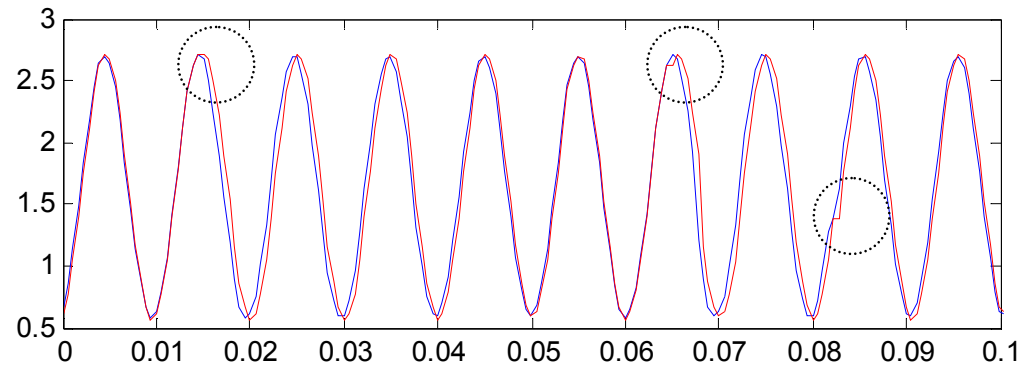
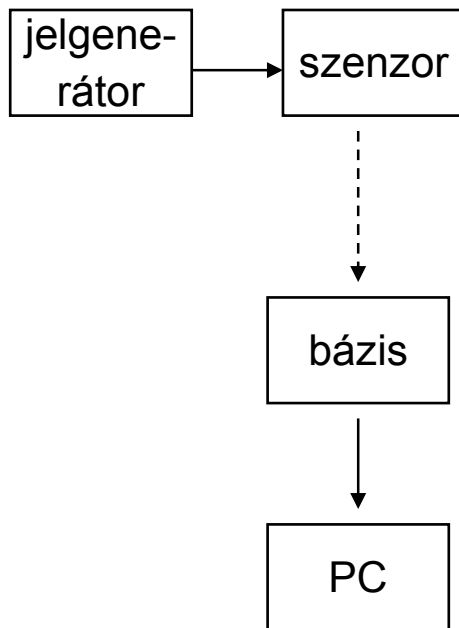
$$f(t_i) = f(t_{n-1}) + [f(t_n) - f(t_{n-1})] \frac{t_i - t_{n-1}}{T_s}$$

$$f(t_i) = (1 - a)f(t_{n-1}) + af(t_n), \quad a = \frac{t_i - t_{n-1}}{T_s}$$



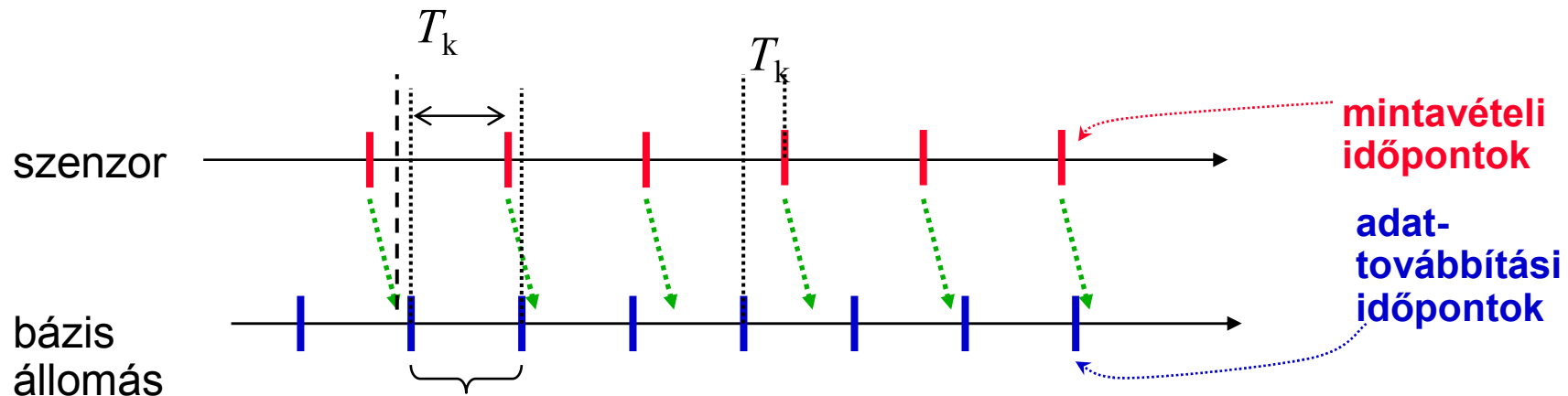
Mérési eredmény lineáris interpolációra

Elrendezés:



Mérési eredmény lineáris interpolációra

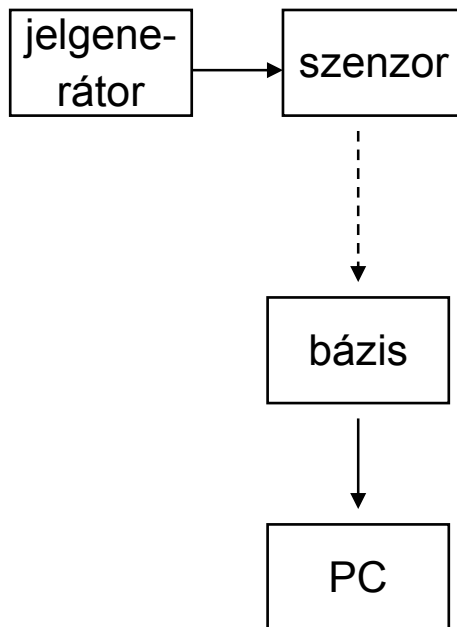
- Időzítési adatok
 - A szenzor 1800Hz-en mintavételezi a jelgenerátor jelét (100Hz-es szinusz)
 - A mintavételezett jelet rádióan elküldi a bázisállomáshoz
 - A bázisállomás 1820Hz-es sebességgel továbbítja a legfrissebb mintát és a minta érkezési idejét a PC felé
- A PC-n loggoljuk az adatokat (idő+adat) és elvégezzük az interpolációt



ismétlődő adat: két feldolgozási
időpont között nem érkezett adat

Mérési eredmény lineáris interpolációra

Elrendezés:

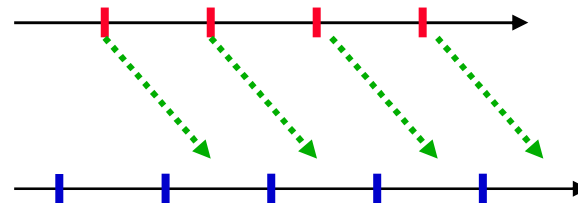
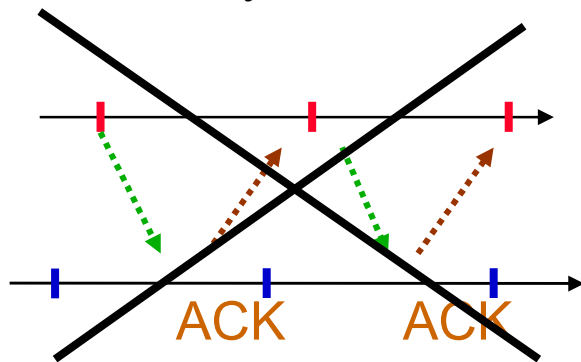


- A szenzor 1800Hz-en mintavételezi a jelgenerátor jelét (100Hz-es szinusz)
- A mintavételezett jelet rádión elküldi a bázisállomáshoz
- A bázisállomás 1820Hz-es sebességgel továbbítja a legfrissebb mintát és a minta érkezési idejét a PC felé
- A PC-n loggoljuk az adatokat és elvégezzük az interpolációt
- Az ábrán látható, hogy vannak ismétlődő minták (piros grafikon), mivel a szenzor lassabban szolgáltatja az adatokat a bázisállomás felé, mint ahogyan a bázisállomás szolgáltatja az adatokat a PC felé.
- A kék grafikon a lineáris interpolációval kapott jelet mutatja. Látható, hogy az interpoláció javítja a jel minőségét, megszünteti a nagy ugrásokat
- Gyorsabban változó jelek esetén a lineáris interpoláció kevésbé használható, növelni kell az interpoláció fokszámát. Ez növeli a késleltetést, mert több mintát kell használni ☹

Adatátviteli módok

Nyugtázott vs. folyamatos

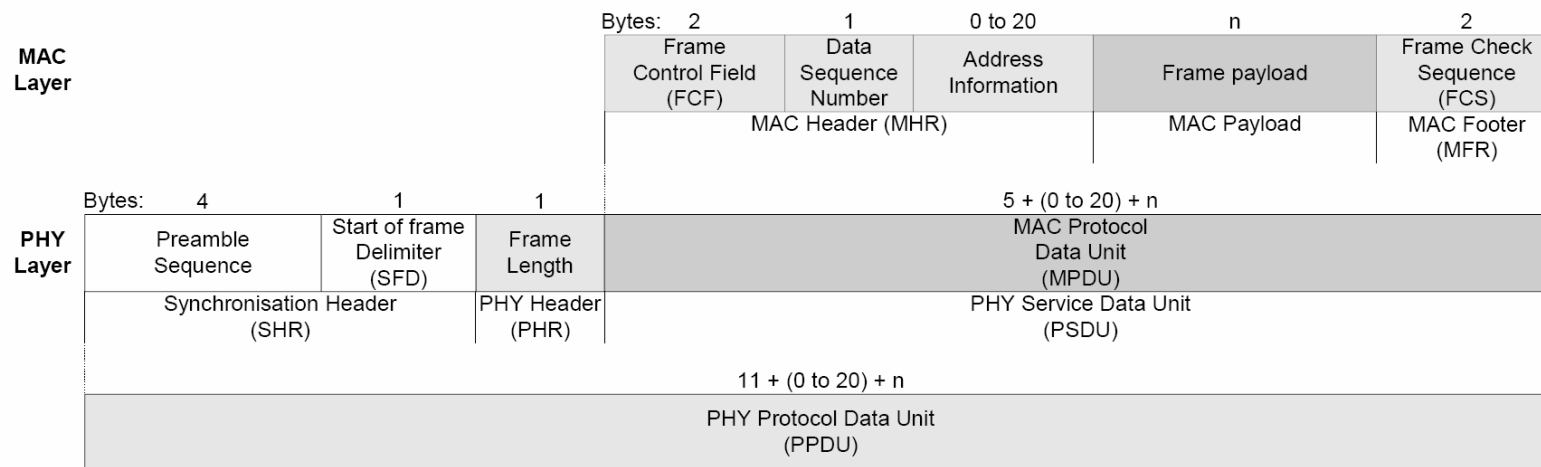
- Az adatvesztés elkerülhetetlen (pl.: csukott szemmel vezetünk)
- Javítható acknowledge (ACK) üzenetekkel. TCP jellegű adatátvitel.
- Probléma:
 - ACK üzenetek sávszélességet foglalnak
 - Torlódást okozhat ha ACK-ra nem kapunk választ vagy többször kell ismételni → a késleltetés változik.
- Sebességkritikus esetekben folyamatos adattovábbítás ACK nélkül (UDP jellegű adatátvitel: általában pl. multimédiás alkalmazásokban használatos)
- A sávszélességet inkább új adatok továbbítására használjuk nem ACK küldésére és fogadására (az üzenet várása is fogyasztás).
- Visszacsatolt rendszerek esetén számítható, hogy milyen adatvesztési arány mellett biztosítható még a rendszer stabilitása.



Adatátviteli módok

Egyedi vs. tömbös adatátvitel

- Az adatátvitel általában valamilyen csomag alapú rendszeren történik.
- A csatorna kihasználása annál kisebb, minél kevesebb hasznos adatot (payload) továbbítunk egy csomagban.

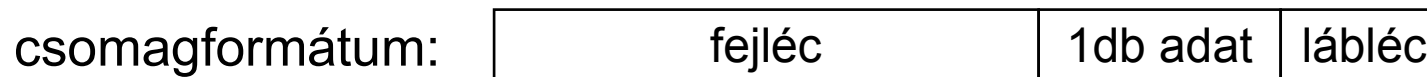


- Példa: IEEE 802.15.4. által definiált szerkezet. Egy csomagban egy adat
- Legjobb esetben 11byte overhead (+interframe space: IFS = 6byte)
- 8 bites (1byte) adatok esetén az eredő üzenethossz 18byte, tehát a hatásfok folyamatos küldés esetén alig több, mint 5,5%!

Adatátviteli módok

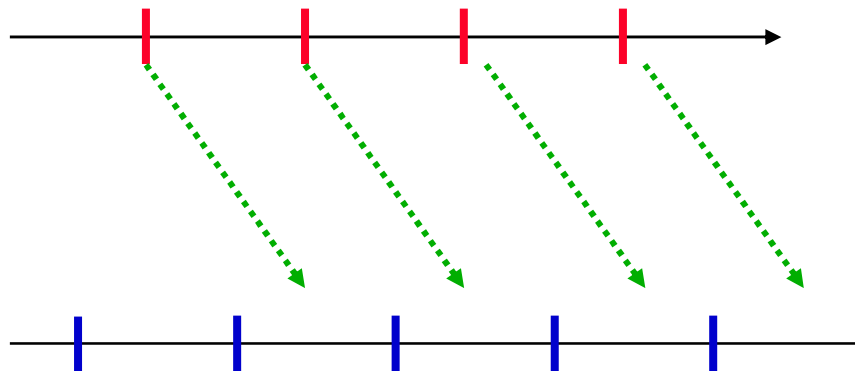
Egyedi vs. tömbös adatátvitel

- Egy csomagban egy adat: minden adat elküldésénél megjelenik az overhead.
- Kis csatornahasználat.



Időzítési diagram:

Adatküldés minden
mintavétel után

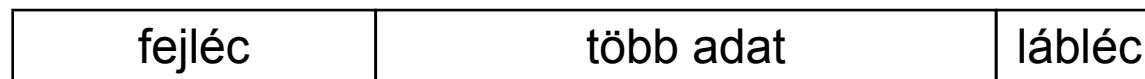


Adatátviteli módok

Egyedi vs. tömbös adatátvitel

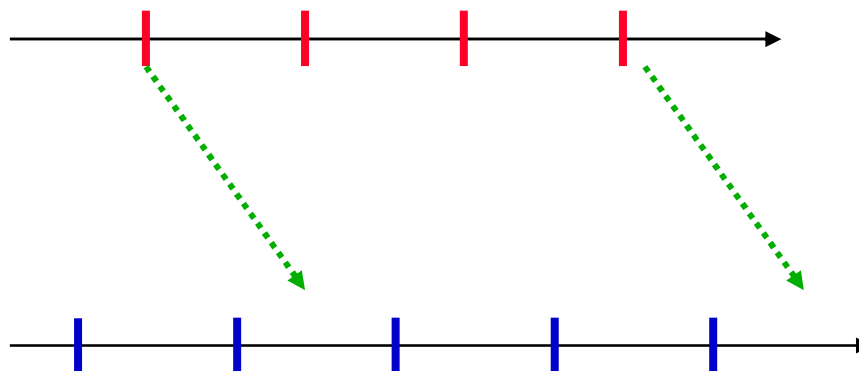
- Egy csomagban több adat: egy byte hasznos adatra átlagosan kevesebb overhead jut.
- A kihasználtság nő.
- Példa: 30byte adat (1byte/adat) + (11+6)byte overhead esetén a hatásfok $30/47 \approx 64\%$
- Probléma: növekvő késleltetés, nő a rendszer tehetetlensége és a beállási idő

csomagformátum:



Időzítési diagram:

Adatküldés nem
kell minden
mintavétel után

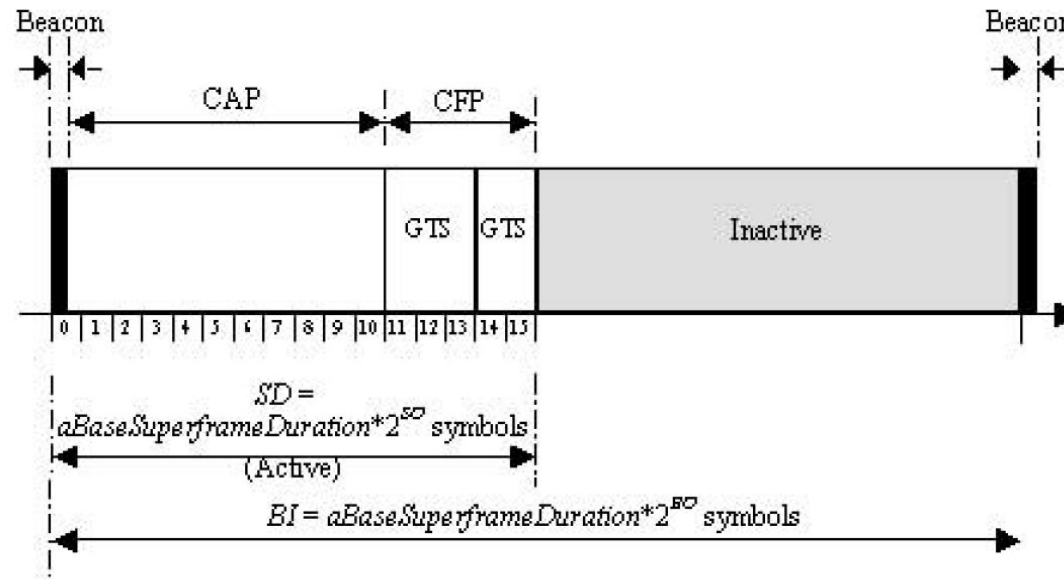


A hálózat adatátviteli sebességének tervezése

- A szenzorok mintavételi frekvenciája alapvetően meghatározza a megkövetelt adatsebességet.
- Példa:
 - 600Hz mintavételi frekvencia + előző példában adott paraméterek.
 - 10 db szenzor
 - 1db szenzor másodpercenként 20 (600/30) csomagot küld, egy csomag 47byte=376bit, összesen ez 7520bit/másodperc
 - 10 szenzor esetén 75.2kbps
- A mintavételi frekvencia meghatározása:
 - Mintavételi tétel: egy BW sáv szélességű jelet legalább $f_s > 2BW$ frekvenciával kell mintavételezni
 - Szabályozástechnikai adatátviteli tétel:
 - Legyen adott egy rendszer állapotegyenlete: $\dot{\mathbf{x}} = \mathbf{A}\mathbf{x} + \mathbf{B}\mathbf{u}$
 - Az \mathbf{A} mátrix legnagyobb sajátértéke legyen λ_{\max}
 - A rendszer stabilizálásához szükséges legkisebb adatátviteli sebesség:
 $R > \log_2(\lambda_{\max})$
 - Ennél mindenképpen nagyobb sebesség kell, ez egy abszolút alsó korlát
 - A rendszer legkisebb időállandójánál kb. 3-5-ször gyakoribb mintavételezés kell

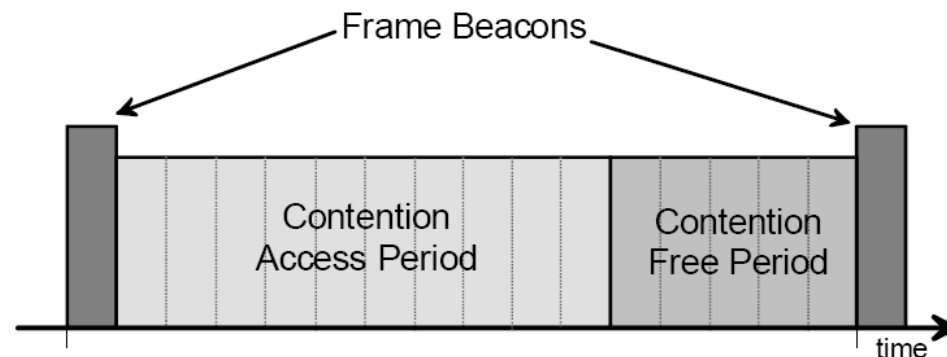
Valós idejű működés támogatása az IEEE 802.15.4. szabványban

- Mindenképpen keretezett (beacon based) adatátvitel kell a determinisztikusság miatt
- Egy keret: aktív és inaktív szakasz
- Időkritikus rendszerekben az inaktív szakaszt érdemes nullára állítani
- SO (Superframe Order) és BO (Beacon Order) a hálózat állítható paraméterei
- $aBaseSuperframeDuration = aBaseSlotDuration * aNumSuperframeSlots = 60\text{symbols} * 16 = 960\text{symbols}$
- $aBaseSuperframeDuration$, $aBaseSlotDuration$ és $aNumSuperframeSlots$: rendszer paraméterei



Valós idejű működés támogatása az IEEE 802.15.4. szabványban

- Az IEEE 802.15.4. szabvány bizonyos szinten támogatja a valós idejű működést.
- Csillag topológia ajánlott. A vezérlő a PAN coordinator.
- Az adatátvitel 16 db egyenlő időszeletre (slot) oszlik két beacon üzenet között.
- A keret első felében (Contention Access Period: CAP) versengés folyik a csatornáért: CSMA
- Második szakasz: Contention Free Period (CFP): nincsen versengés a csatornáért
- GTS: Guaranteed Time Slot: a CFP-ben található, fixen kiosztott időszeltek.
- Maximum 7 db GTS áll rendelkezésre
- A GTS-eket kérni kell a koordinátortól. Ez a folyamat hosszabb időt is igénybe vehet: nem érdemes dinamikusan kezelni, mert a kérést a CAP-ban kell megtenni, melynek nem determinisztikus a működése.



Valós idejű működés támogatása az IEEE 802.15.4. szabványban

- Példák: 2.4GHz, 250kbps \rightarrow 1symbol=4bit, tehát 1byte=2symbols (lásd a szabvány tárgyalásánál)
- SO=BO=0 \rightarrow BI=SD=
 $aBaseSuperframeDuration * 2^0 = 960 \text{ symbols} = 480 \text{ byte}$
 - A hálózatban 7 darab node van, mindegyik egy GTS slot-ot kap
 - 480byte elküldése 250kbps-on $T_F = 15.36 \text{ ms}$:
 - T_F egy keret hossza \rightarrow ekkora az adatátviteli késleltetés
 - Egy-egy szenzor T_F időközönként küldi az adatait
 - Egy slot 30byte ($aBaseSlotDuration = 60 \text{ symbols}$), ebből legyen 20byte overhead \rightarrow 10 byte hasznos adat
 - Egy slot hossza $T_{\text{slot}} = (30 * 8) \text{ bit} / 250 \text{ kbps} = 0.96 \text{ ms}$
 - Ha egy minta 1 byte, ez azt jelenti, hogy egy csomagban egy szenzor $N = 10$ mintát tud elküldeni.
 - A csomagokat T_F időközönként küldik, tehát a mintavételi időköz:
 $T_s = T_F / N = 1.536 \text{ ms}$, tehát a max. mintavételi frekvencia $f_s = 1 / T_s = 651 \text{ Hz}$
 - A kihasználtság növelhető a frame méretének növelésével, mert így az overhead relatív aránya csökken.

Példa folytatás

