



Beágyazott információs rendszerek

2. Ütemezés (folyt.)

2020. szeptember 17.

Mennyiségek, változók valós idejű rendszerekben

Ahhoz, hogy az RT képre alapozott számításaink pontosak legyenek, be kell

tartanunk következő feltételt: $[C(t_{felhasználás}) - C(t_{megfigyelés})] \leq d_{pontosság}$

Egy periodikusan frissített RT képet **parametrikusnak**, vagy **fázis-érzéketlennek** hívunk, ha

$$d_{pontosság} > (d_{frissítés} + WCET_{üzenet\ továbbítás}).$$

A parametrikus RT kép a vevő oldalon bármikor felhasználható anélkül, hogy a beérkezés és a felhasználás fázisviszonyait mérlegelni kellene: még a pontossági időn belül megjön a frissítés.

Egy periodikusan frissített RT képet **fázis-érzékenynek** hívunk, ha

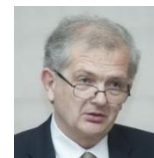
$$WCET_{üzenet\ továbbítás} < d_{pontosság} < (d_{frissítés} + WCET_{üzenet\ továbbítás}).$$

Ilyenkor nem biztos, hogy a pontossági időn belül megjön a frissítés, ezért a frissítés és a felhasználás idejére oda kell figyelni.

A fázis érzékenységet megfelelő mintavételi frekvenciával, vagy állapotbecslés alkalmazásával kerülhetjük el.

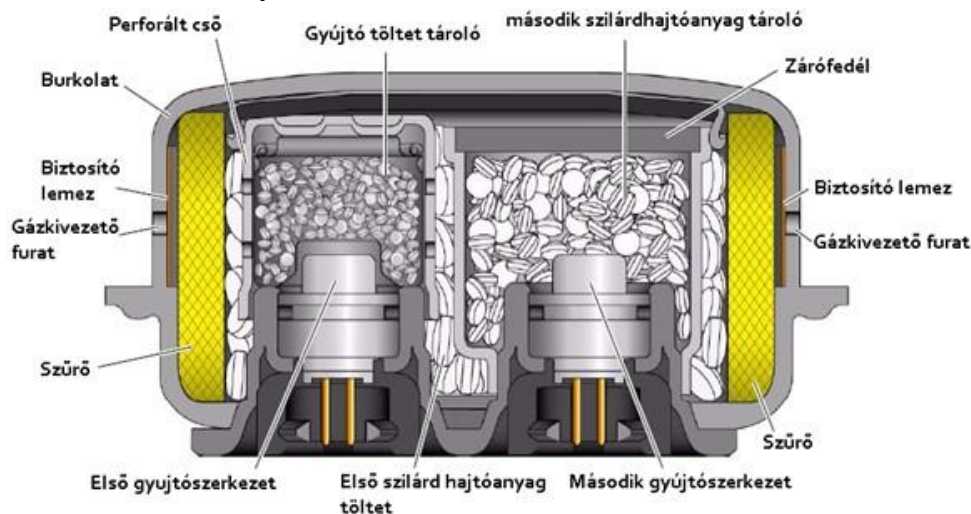
Idempotencia: Ugyanazt az üzenetet többször átküldve az eredmény ugyanaz!

Példa: szelep-állás 45° (állapot üzenet) \leftrightarrow szelep-állás változás 5° (esemény üzenet).



Kemény és puha valós idejű rendszerek:

- **Kemény valós idejű rendszer** (hard real-time system (HRT)): katasztrofális következményekkel jár, ha nem tartjuk az időkorlátot (pl. légszák vezérlése).
- **puha valós idejű rendszer** (soft real-time system (SRT), on-line system): az eredmény értékes az időkorláton túl is, de az idővel degradálódik (pl. banki rendszerek).



(Kormány)légszák kioldó szerkezet



Bankautomata, ATM

HRT és SRT jellemzése különböző szempontok szerint:

- *válaszidő* (response time):

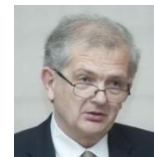
HRT esetében **msec**, vagy annál kevesebb (pl. légszák), az emberi beavatkozás lehetősége kizárt, a rendszer autonóm működésű és biztonságos kell, hogy legyen.

SRT esetén a válaszidő **másodperc** nagyságrendű, az időkorlát túllépése nem okoz katasztrófát.

- *viselkedés csúcsterhelés esetén* (peak-load performance):

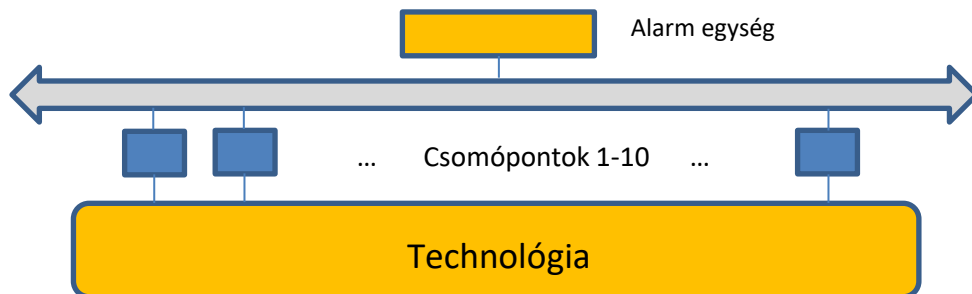
HRT esetén jól definiált kell, hogy legyen.

„Ha esik, ha fúj!”



Eseményvezérelt (ET) és idővezérelt (TT) rendszerek:

Példa: Egy technológiai folyamatot 10 csomópont felügyel.



Mindegyik csomópont 40 bináris jelet (vészjelzés, például határérték átlépés információ) figyel.

A 10 csomópont egymással buszon kommunikál.

Ugyanide csatlakozik egy vészjelző (alarm) egység. A buszon a jelátviteli sebesség **100 kbit/s**. A vészjelzésnek **100 ms**-on belül el kell jutnia az alarm egységhez.

Eseményvezérelt eset: ET/CAN protokoll szerint. A legkisebb átvihető üzenethossz a bájt. A protokoll szabályai szerint felépülő üzenet teljes hossza: **44 bit** overhead, **1 bájt** üzenet, amit **4 bit** ún. intermessage gap követ. Ez összesen **56 bit**.

A **100 kbit/s** azt jelenti, hogy az előírt **100 msec**-en belül **10 000 bit** jut át.

56 bites üzenetekben gondolkodva $10\,000/56 \sim 180$ juthat át a specifikált határidőn belül. Mivel $180 < 400$, ezért egyidejűleg valamennyi jelzés átküldésére nincs lehetőség.

Idővezérelt eset: TT/CAN protokoll szerint.

A csomópontok rendszeresen beküldik az állapotjelző biteket az alarm egységnek. Ez **40** bitenként egy-egy üzenet.

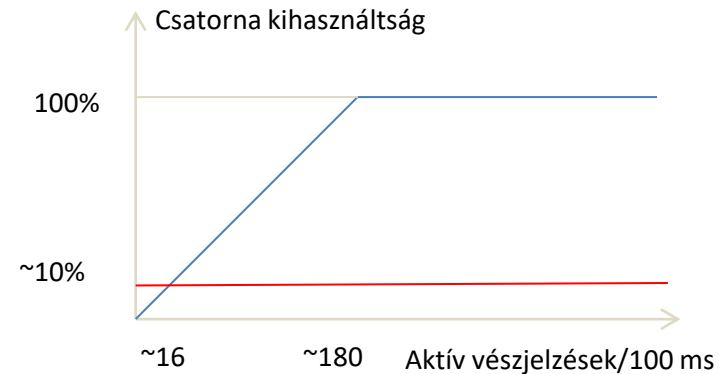
A protokoll szabályai szerint felépülő üzenet teljes hossza: **44 bit** overhead, **40 bit (5 bájt)** üzenet, amit **4 bit** ún. intermessage gap követ. Ez összesen **88 bit**.



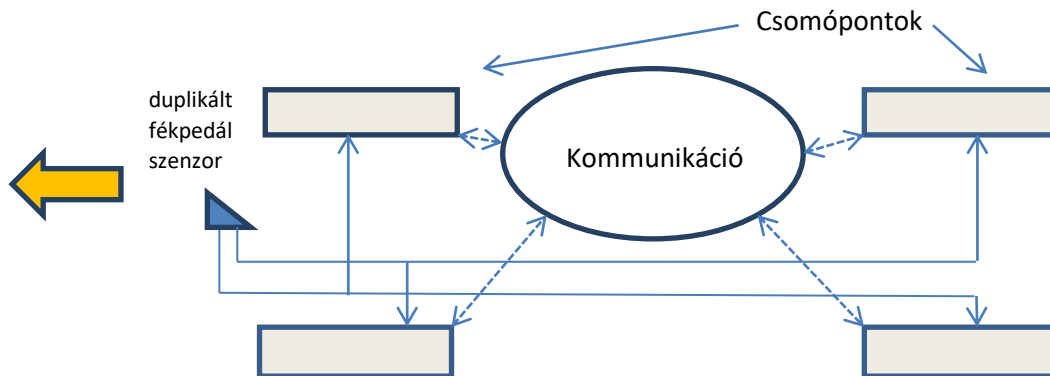
88 bites üzenetekben gondolkodva **10 000/88 ~ 110** juthat át a határidőn belül.

Mivel **110 > 10**, ezért valamennyi állapotjelző bit átjut az alarm egységhez, ráadásul állandó, ~ **10%-os** csatorna kihasználás mellett.

Megegyezés protokollok jelentősége



Példa: elektronikus fékvezérlés (brake-by-wire):



A példa szerint a biztonság érdekében **duplikált fékpedál szenzort** alkalmazunk. Az egyes kerekek fékjeihez önálló vezérlő csomópontok tartoznak. A csomópontok egymást tájékoztatják arról, hogy mi az ő véleményük a szenzor értékéről, és kiszámítják a fékerőt.

Ha megsérül egy csomópont, akkor automatikusan szabadonfutó lesz, ilyenkor nincsen fékhatás. A többi három, amikor észleli, hogy egy kiesett, automatikusan **újraszámítja a fékerőt**, és biztonságosan fékez.

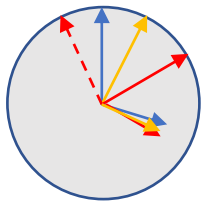
Elosztott rendszerekben sokféle kérdésben szükséges futási idejű megállapodás: idő szinkronizáció, elosztott állapotok konzisztenciája, elosztott kölcsönös kizárás, elosztott befejezés, elosztott választás, stb.

Hibák fellépése esetén is megállapodásra kellene jutni!

Ez nem mindig sikerül!



Megegyezés **bizánci típusú hibák** esetén: **Példa:** Órák szinkronizálása:



Az **A** óra 4.00-t mutat,
a **B** óra 4.05-t mutat,
a **C** óra az **A**-nak 3.55-t, a **B**-nek 4.10-et.

Ilyenkor nem jön létre a megállapodás, mert az **A** óra és a **B** óra is arra a megállapításra jut, hogy az általa mutatott érték a másik két óra által mutatott érték számtani közepe, tehát nincs indok megváltoztatni.

Ezt a hibafajtát nevezzük **bizánci típusú hibának**.

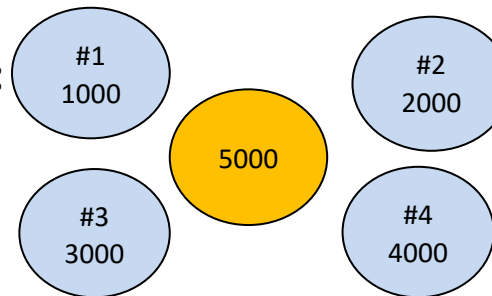
A bizánci típusú hibás csomópont kiszűrése akkor lehetséges, ha legalább **$3k+1$** csomópont vesz részt a szinkronizációban, ahol a **k** a bizánci típusú hibás csomópontok számát jelöli.

Esetünkben egy hibátlanul működő további óra-csomópont (**D**) szükséges a hibás csomópont kiszűréséhez.

Példa: A bizánci generálisok problémája:

Az ábrán látható elrendezésben 4 hadtest generálisa megegyezésre törekszik az egyszerre harcba küldhető katonák számát illetően.

A (formális) szövetségeseik egymással hibamentesen kommunikálnak: mindenki megküldi a katonái számát. A **#3** számú generális/csomópont hazudós (szoftver hibás): x, y, z a ténylegestől különböző, egymástól potenciálisan eltérő értéket küld a helyes (**3000**) helyett.



Menetközben kiderül, hogy az egyik generális hazudós („szoftver hiba”). Az ellenségnek **5000** katonája van.

Az egyes csomópontokban az alábbi adatok állnak rendelkezésre:

#1: (1K, 2K, xK, 4K),
#2: (1K, 2K, yK, 4K),
#3: (1K, 2K, 3K, 4K),
#4: (1K, 2K, zK, 4K).

Annak érdekében, hogy az értékek helyesek legyenek, az ellenőrizni tudják, az információs vektoraikat körbeküldik a kommunikációs csatornáikon keresztül.



A csatornák az előzőek szerint fognak viselkedni, tehát a hazudós csomópont a körbeküldött vektor-elemeket illetően is hazudós.

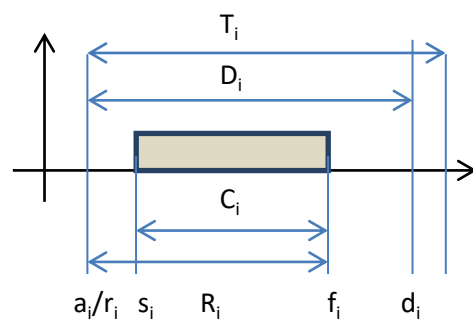
A körbeküldést követően az egyes csomópontokban a következő információ áll rendelkezésre (ezer katonában):

$$\#1: \begin{bmatrix} 1 & 2 & y & 4 \\ a & b & c & d \\ 1 & 2 & z & 4 \end{bmatrix} \quad \#2: \begin{bmatrix} 1 & 2 & x & 4 \\ e & f & g & h \\ 1 & 2 & z & 4 \end{bmatrix} \quad \#4: \begin{bmatrix} 1 & 2 & x & 4 \\ 1 & 2 & z & 4 \\ i & j & k & l \end{bmatrix}$$

Mindhárom – nem hazudós – generális a három információs vektor esetében két helyről ugyanazt az információt kapja. A **#3**-as generálistól esetleges értékek érkeznek.

A nem hazudós generálisok következtetése, hogy **[1K 2K ismeretlen 4K]**, azaz lesz legalább **7 ezer** katona, akire számítani lehet a támadásnál.

2. Ütemezés



Probléma: a processzor(ok)nak többféle időzítés mellett többféle feladatot (taszk) kell ellátniuk. Egy i -edik feladathoz (taszk-hoz) köthető időviszonyok az alábbiak szerint értelmezhetőek:

a_i vagy r_i az érkezési idő (arrival/release/request time),

s_i a végrehajtás kezdésének ideje (start time),

f_i a végrehajtás befejezésének ideje (finishing time),

d_i a végrehajtás határideje (deadline),

T_i a periódusidő (period time),

$D_i = d_i - a_i$ a kérés időpontjához képesti határidő (deadline),

C_i a számítási idő (computation time),

$R_i = f_i - a_i$ a válaszidő (response time).



1. Ciklikus ütemezés:

A legegyszerűbb, tervezési időben fix időszetek osztunk ki periodikus kérések kiszolgálására, és ezt ciklikusan ismétljük.

A kiosztást tipikusan óra-vezérelt módon oldjuk meg, ezért **óra vezérelt** vagy **idő-vezérelt** ütemezésnek is nevezzük. Az ütemezéssel kapcsolatos döntések **tervezési időben** történnek.

Példa: 10 ms-os időszeket kap minden feladat (kis keret). Négy funkciót úgy valósítunk meg: 50 Hz-es periodicitással, azaz 20 ms-onként adunk 10 ms-ot az első funkciónak, 25 Hz-es periodicitással, azaz 40 ms-onként adunk 10 ms-ot a második funkciónak, 12.5 Hz-es periodicitással, azaz 80 ms-onként adunk 10 ms-ot a harmadik funkciónak, 6.25 Hz-es periodicitással, azaz 160 ms-onként adunk 10 ms-ot a negyedik funkciónak. Természetesen az időszetek kiosztása variálható, de érdeemben csak tervezési időben, tehát az ütemezés meglehetősen kötött/merev lesz.

Megjegyzés: A fenti példában az első funkció a processzoridő felét, a második a negyedét, a harmadik a nyolcadát, stb. használta fel.

Érdeemes felidézni azt az eredményt, hogy $\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \dots \rightarrow 1$, azaz a funkciók száma növelhető a végtelenségig, ha az igényelt processzoridő rendre az előző felére csökken!

Ezt a tulajdonságot használták ki a világ első digitális szűrőkkel működő valós idejű 1/3 oktáv elemzőjének, a **Brüel & Kjaer 2131** tervezői is 1977-ben!

Ez a berendezés **1.6 Hz** és **20 kHz** tartományban, összesen **42** sávban képes **1/3 oktáv**os analízisre, illetve **2 Hz** és **16 kHz** sávközépi frekvenciákkal **14 sávban oktáv** analízisre.

A megvalósított berendezésben $f_m = 66.667$ kHz. A legmagasabb frekvenciasáv és az összes többi kiszolgálása a mintavételi idő **felét-felét** veszi igénybe.

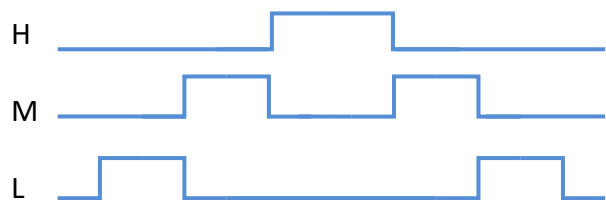


2. Időosztásos (time-shared)/körforgó (round-robin) ütemezés:

A futtatható task-ok egy FIFO-ba kerülnek, és a legelől álló task fog futni **maximum egy időszel** ideig. Az időszel általában néhányszor **10 ms**, ami a task-októl független paraméter. Ha az adott task nem fut le az időszel alatt, akkor futása megszakad, és a FIFO végére kerül.

3. **Prioritásos ütemezés:** A futtatható task-ok közül az fut, amelyeknek legnagyobb a prioritása. A prioritás hozzárendelés történhet tervezési és futási időben egyaránt.

Illusztráció:



A három task rendre alacsony (**L=low**), közepes (**M=medium**) és magas (**H=high**) prioritású.

Ezeket a prioritásokat tervezési időben osztottuk ki.

Az ábrán mindhárom task azonnal futni kezd, amint futtathatóvá válik.

Az ábrán látható esetben a legalacsonyabb prioritású task válaszideje $R_L = C_L + C_M + C_H$.

Ha a középső és/vagy a magas prioritású task periodikusan kér, akkor az időviszonyok függvényében elképzelhető, hogy az R_L idő alatt többször is lefut.

A válaszidő számítását a legkedvezőtlenebb esetre, az i -edik task-ra vonatkoztatva, a következő képlettel tudjuk elvégezni:

$$R_i = C_i + I_i = C_i + \sum_{\forall k \in hp_i} \left\lceil \frac{R_i}{T_k} \right\rceil C_k$$

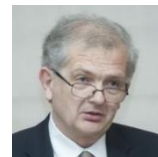
ahol I_i az ún. interferencia idő, azaz az az időtartam, amíg a magasabb prioritású task-ok futása akadályozza az alacsonyabb prioritású task-ok végrehajtását.

A $\forall k \in hp_i$ azokat a task-okat jelöli ki, amelyek prioritása nagyobb, mint i (hp =higher priority).

A $\lceil \quad \rceil$ zárójel a felső-egész képzés operátora. $\lceil 1.02 \rceil = 2$, $\lceil 2.0 \rceil = 2$.

A módszer a válaszidő lehető legkedvezőtlenebb értékét adja meg.

(Worst-case response time.)



Mivel a képletben a baloldalon szereplő R_i a jobboldalon is szerepel egy erősen nemlineáris függvény argumentumában, ezért iteratív eljárás alkalmazására kényszerülünk:

$$R_i^{n+1} = C_i + I_i = C_i + \sum_{\forall k \in hp_i} \left\lfloor \frac{R_i^n}{T_k} \right\rfloor C_k$$

Az iterációt addig folytatjuk, amíg: egy n_0 érték mellett $R_i^{n_0+1} = R_i^{n_0}$.

A módszer neve: Deadline Monotonic Analysis (**DMA**).

Feltételezi, hogy a task-okhoz aszerint rendelünk prioritást, hogy mekkora a D_i határidejük.

A módszer alkalmazásánál feltételezzük, hogy $D_i \leq T_i$.

A módszer periodikus task-ok mellett ún. sporadikus task-okra is alkalmazható.

Periodikus taszk: ismert és fix T_i periodusidővel jellemezhető.

Sporadikus taszk: a kérések nem periodikusak, de **ismert** és fix egy olyan T_i időérték, ami minimálisan eltelik két kérés között.

Aperiodikus taszk: a kérések nem periodikusak, és **nincs** egy olyan ismert és fix T_i időérték, ami minimálisan eltelik két kérés között. Egy kérést követően azonnal jöhet egy következő kérés.

Ebben az esetben a **DMA** módszer nem alkalmazható.

Példa: Egy 4 taszkot kiszolgáló rendszer adatai a következők (az idők pl. ms-ban értendők):

Task	T	C	D
1	250	5	10
2	10	2	10
3	330	25	50
4	1000	29	1000

A taszkok sorrendje a prioritási sorrend.

Ha a határidők megegyeznek, akkor másodlagos szempontok alapján döntünk a prioritásról.

Határozzuk meg a 3-as taszk worst-case válaszidejét az iteratív eljárás segítségével!

Lépés	R^n	I	R^{n+1}
1	0	0	25
2	25	$5+3*2$	36
3	36	$5+4*2$	38
4	38	$5+4*2$	38



Megjegyzések:

$38 < 50$, tehát a 3-as task legkedvezőtlenebb esetben is teljesíti az előírt határidőt.

Vegyük észre, hogy a 4-es task adatait az eljárás során nem használtuk fel, a számításhoz felesleges volt megadnunk.

Vegyük azt is észre, hogy taskokat egymástól függetleneknek képzeltük el.

Egymástól nem független, azaz például egymással kommunikáló, egymásnak adatot továbbító taskok esetében előfordul(hat), hogy magasabb prioritású task alacsonyabb által szolgáltatott adatra várni kénytelen.

Ez a várakozási idő értelemszerűen a mindenkori és a worst-case válaszidejét egyaránt módosítani fogja.

Ütemezhetőség, ütemezhetőségi tesztek:

Szükséges teszt: nem ütemezhető, ha a szükséges feltétel nem teljesül.

Elégséges teszt: biztosan ütemezhető, ha az elégséges feltétel teljesül.

Egzakt teszt: szükséges és elégséges, és a teszt az ütemezés létezését is megmutatja.

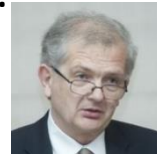
Az egzakt ütemezhetőségi tesztek komplexitásuk alapján az **NP-teljes** problémák osztályába tartoznak, ezért számítástechnikailag kezelhetetlenek, ezekkel a továbbiakban nem foglalkozunk.

Periodikus taskok esetén a **szükséges feltételek** között elsőként az ún. **processzor-kihasználtsági tényező** említhető, ami az időegységre vetített processzor-idő igények összege:

$$\mu = \sum_{i=1}^n \frac{C_i}{T_i}$$

Egyprocesszoros rendszerben, ha $\mu \leq 1$ nem teljesül, akkor a task-ok nem ütemezhetőek. $\mu \leq 1$ tehát szükséges feltétel. n a taskok száma.

Ha N processzorunk van, akkor $\mu \leq N$ a feltétel.



Válaszidő számítás periodikus és sporadikus taszk-ok esetén:

Példa: Egy 4 taszkot és egy megszakítást (i_1) kiszolgáló rendszer adatai a következők:

Taszk	T	C	D
i_1	10	0.5	3
τ_1	3	0.5	3
τ_2	6	0.75	6
τ_3	14	1.25	14
τ_4	50	5	50

(az idők pl. ms-ban értendők)
 Határozzuk meg a τ_4 taszk worst-case válaszidejét az iteratív eljárás segítségével!
 Az iteratív eljárás táblázatos formában:

Lépés	R^n	I	R^{n+1}
1	0	0	5
2	5	0.5+1.0+0.75+1.25	8.5
3	8.5	0.5+1.5+1.50+1.25	9.75
4	9.75	0.5+2.0+1.50+1.25	10.25
5	10.25	1.0+2.0+1.50+1.25	10.75
6	10.75	1.0+2.0+1.50+1.25	10.75

10.75 < 50, tehát a határidő minden esetben teljesül!

Az ismerttetett **DMA analízis** technikákat **autógyárak** intenzíven használják **worst-case válaszidő** analízis céljából, hogy a terméket **optimalizálják** a szükséges **órajel frekvenciák/sávszélességek** és az ehhez kapcsolódó **zavarérzékenységek** csökkentésével. (Volvo 1995-től, az S80-asnál.)

